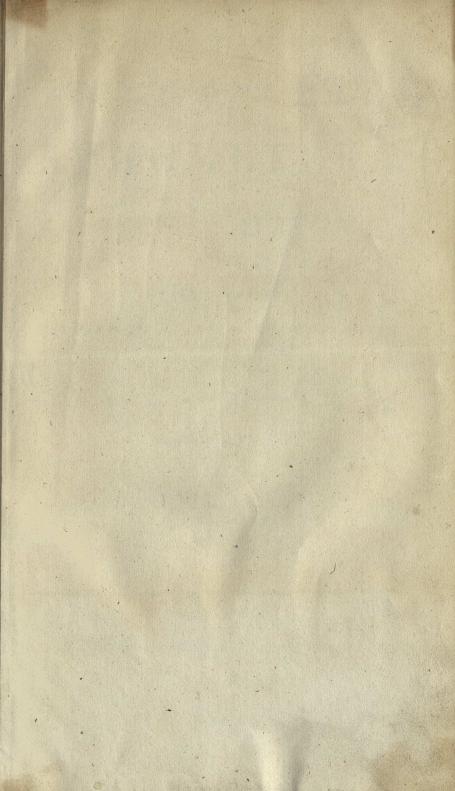
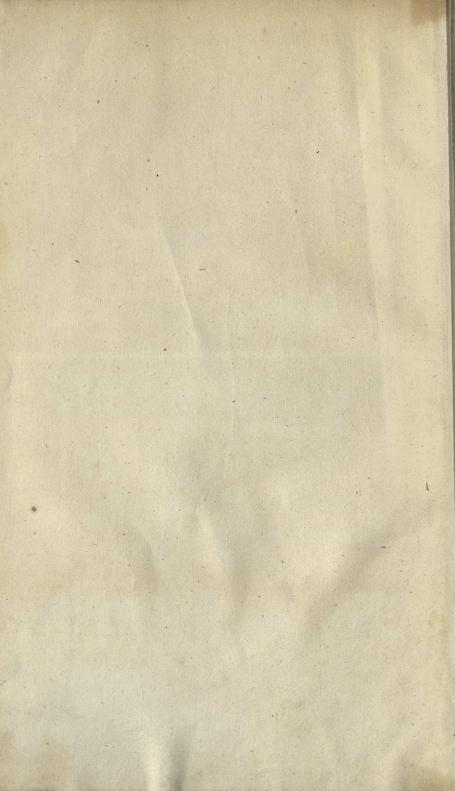


зала 18 шкафъ 79 полка 2 № 66.





ІОАННА ФРИДЕРИКА

вейдлера АРИӨМЕТИКА.

переводъ съ латинскаго.

Изданіе Второе,

Исправленное и умноженное многими нужными прибавленіями.



MOCKBA.

Въ Типографіи Компаніи Типографической,

3 7 8 7.



Sadha a ku 10

НАСТАВЛЕНІЙ МАТЕМАТИЧЕСКИХЪ

ПРЕДУВБДОМЛЕНІЯ.

или ОПИСАНІЕ ВООБЩЕ

MATEMATUKB

H ЕЯ ЧАСТЯХЪ

и о спосовъ

Математическом В.

S. I.

Коликимь (Quantum) называется всякая вещь, которая увеличена и уменьшена быть можеть.

5. 2.

Содержание (Ratio) есть взаимное отношенте между собою коликих одинакаго роду, в разсужде ніи количества.

S. 3.

Количество (Quantitas) есть опредъленное содержаніе коликих одинакого роду. На пр. когда число сравнивается съ единицею, и опредвляется, сколько оное сію въ себь содержишь: то чрезъ сіе количество числа познается. Или, когда прямая линъя извъсшной длины принимается за единицу, и сравнивается св другою большею прямою жв линвею. Ибо количество большей линви опредвляется твмв, когда извъсшно будеть, сколько разъ большая линъя содержищь вы себь меньшую.

A 2

S. 4.

И такое изследование содержания вещей коликихъ, измерениемъ (Mensio), а само меньшое коликое, которое сравнивается съ большимъ, мерою (Mensura) того называется.

5. 5.

Науки, кои показывають сравнение и измърение вещей коликихь, вообще называются наставления Математическия (Infitutiones mathefcos) или Математика (Mathefis) есть наука о количествь; и кажется, что сіе общее имя науки, какь для древности, такь и для точнаго доказательства всякой истинны, дано тъмь наукамь, и соблюдено было оть потомковь.

S. 6.

А какимъ образомъ раздълять Машемашическія науки, въ разсужденіи самой вещи, которая въ нихъ преподается, то показываетъ разсматриваніе самой вещи. Ибо два жолько суть рода коликихъ. Нѣкоторыя изъ нихъ состоять изъ частей между собою не соединенныхъ, или раздъльныхъ; а другія изъ частей соединенныхъ. Въ разсужденіи первыхъ, количество раздъльное (Quantitas difereta), или инсло (Numerus) и множество (Multitudo); а въ разсужденіи послъднихъ, количество непрерывное (Quantitas continua), или протяженіе (Extensio) и величина (Magnitudo) называется.

S. 7.

О количествъ раздъльномъ, или числъ, (т) Яривметика (Arithmetica); о количествъ жъ непрерывномъ, или протяжении, (2) Геометрія (Geometria) толкуеть. Изъ сихъ двухъ частей состоитъ Математика инстая (Mathefis pura), въ которой преподаются собранныя изъ подобій вещей, и отъ матеріи отдъленныя всеобщія понятія коликихъ.

S. 8.

И такъ къ Математикъ чистой принадлежитъ также (3) Ариометяка осообщая (Arithmetica valuer-falis)

falis), ими Аналитика (Analysis); покомику въ ней показывается способъ находить комикія, помощію сравненія и общаго исчисленія. Сію на концъ положить за благо разсуждено для того, дабы разумъ нашь, будучи на передъ нъсколько въ симу приведень, и укръплень знаніемъ Математическихъ истиннт, могь и скоръе понимать способы ел, и употреблять оные въ свою пользу съ мучшимъ успъжомъ.

S. 9.

Но как ВМатематика, во первых в способствуеть къ распространенію и извяненію естественной науки, пошому, что количество есть свойство всвыв твламв общее; того для давно уже на сей конецъ какь Египпине, такь и Греки въ ней упражнялись. И такъ оттуда получила свое начало Матемаmuka embusennan (Mathelis applicata five mixta), noпорая нъкошорыя главы Физики, помощію чистой Машемащики, въ видъ науки обращенныя, въ себв содержишь. Такимь образомь Геомешрія, употребленная в помещь для измърснія линьй, или лучей свьта, произвела (4) Onmuky (Opticam), которая, по причинь троякаго различія свыта, составляєть также три части, то есть, Оптику (Ортісат), собственно такь названную, о прямых лучахь свыта; Катоптрику (Catopricam), объ отраженныхъ, и Aionтрику (Dioptricam) о преломленных дучахв. шанже Опшика, будучи соединена сЪ началами Ариомешики, Геометріи и особенными опытами, полагаеть основанія (5) Астрономін (Astronomiae), или наукв о движени, величинъ и разстояни звъздъ, и о взяимных выводящся домін жу выводящся главнвишія начала, нужныя для измітренія земли, то есть, для сочиненія (6) Географіи (Geographiam), и другія истинны кои служать для измъренія и раздвленія времени; откуда (7) Хронологія (Chronologia) и (8) Гномоника (Gnomonica) получили свое на-A 3

7

чало. Равнымъ образомъ чрезъ Ариеметику и Геометрію, наука о движеній и піяжести тъль исправляется, и получаеть приращение; по чему Математика смъщенная содержить въ себъ также и (9) Механику (Mechanicam), или общую науку о движеніи тяжелыхь шьль; также (10) Идростатику (Hydrostaticam), или спеціальную науку о сысканіи въсу, какі жидкихь, такь и твердыхь тваь, которыя поверых жидкаго тваа или плавають, или вь ономь утопають. и (11) Лерометрію (Aërometriam), или Леростатику (Aërostaticam), о измъреніи жидкаго воздушнаго шъла, и (12) Идравлику (Hydraulicam), которая принадлежить особливо до движенія и возвышенія жидких твль. Наконець, ежели ко доводамь чистой Математики присовокуплены будуть другія, кои или Механика, или опыть вы томь родь производить, составляются из в того Архитекторскія науки, то есть, (13) Архитектура Гражданская (Arhitectura ciuilis), и (14) военная (Militaris), изв коихв одна показываеть, какь украшать городь строеніями; а другая, какъ защищать и укръплять оной тротивъ непріяшельскаго нападенія.

S. 10.

И такъ изъ показаныхъ четырнатцати частей состоить цвлая Математика, какъ инстая, такъ и смътения. Ибо Тригонометрія плоская и сферическая. (Trigonometria plana, & fphaerica) составляють особливыя главы въ Геометріи о исправномъ ръщеніи плоскихъ и сферическихъ треугольниковъ, такъ что знавъ три части треугольника, можно будеть сыскать и прочія. Музыка жъ (Musica) опускается, которая еще въ древнія времена от послъдователей пивагоровой Философіи причислена была къ Математическимъ наукамъ. См. коммент. Прокл. къ Звклид. стран. 11. издан. на Греч. язык. въ Василевъ І. Герваг. Ибо она немногія токмо начала заимствуєть изъ Аривметической науки о пропорціяхъ.

порціяхь, но болье вы шомь способствуеть разумый и острота мастера, которой умьеть многими разными образами перемышивать пріятные звуки.

§. 11.

Исторія о математикъ кратко предложена быть не можеть. Чего для объ оной при нячаль каждой части весьма пристойно и упоминается. Прочее жЪ въ самомъ преподаваніи вездъ дополняется приведеніемъ изобръщеній Машематиками учиненныхъ. Однако здъсь надлежить упомянуть о томь, что мы ни чего извъсшнаго не имъемъ объ Авторахъ и первыхъ изобрътателяхъ Математики. Греческие писатели свидъшельсшвующь, что Египтяне и Халден еще въ древнія времена знаніем в сих в наук в славны были, и скавывающь, что они изобрым Геометрію, когда межи полей, от в ежегоднаго наводненія ръки Нила, въ непорядокъ приведенныя, возобновляшь старались. См. Геродот, книг. 2. стран. 68. Стеф. Прокл. кн. 100. стран. 19. Но сіи, то есть, Халдеи занимались паче на блюденіем'в звіздв, и изобрітеніем в Астрономіи похвалу себв заслужили. См. Діодор. Сицил. Библіот. истор. кн. 2, гл. 3. Отв Египтянь же, валесь и Пивагорь, въ началъ шестаго въка, прежде Эры Христіанской, перенесли Математическія науки въ Грецію, которыя привели Греки въ лучшей порядокъ, и умноживь оныя, письменно предали потомкамь. Въ чемъ сверькъ прочикъ Александрійскіе Математики, п их в ученики, Эвклидь, Аполлоній, Архимедь, Гиппархв, Осодосій, Птоломей, Діофанть, Осонь, Евтоцій, Паппь, и другіе похвалу себв заслуживающь. ВЪ Александрійской школ в сій науки посл в Рождества Хрисшова нёсколько еще вёков процвётали, пока от в нападенія Араповь любишели твхв наукь не разбъжались по разнымъ мъстамъ. Между шъмъ и сами Арапы любили Машемашическія науки, и по тому славивишія Греков в сочиненія перевели они на свой языкь, и распространили оныя до Европейцовь, преж-

де, нежели симъ извъсшны были Греческія сочиненія. Но наконець Европейцами, послъ того, какъ у нихъ возстановлены были науки, вся Математика, по разсмотреніи природных в сей наук в источников в чуднымь образомь исправлена была, и множайшыми дополненіями умножена шакв, что нынв совсвыв новой видь имъеть. Впрочемь исторію о древней Математикъ обстоятельнъе можно знать изъ книгъ Діогена Лаерція о жизни Философовь, а особливо изъ Фалеса и пифагора, также изв вышеномянутыхв прокла Діадоха коммент. на первую книгу Эвклидову. Между новъйшими жъ объ оной вообще знать дають, Петрь Рамь школь Математ. кн. 1. 10с. бланкань въ Хронологін Математиковь. Г. І. Воссій въ тракть о свойствъ и учреждении Математики, и К. Ф. Миллість Дешале вь тракть о приращенін Математики и о славных В Математиках в том. 1. Матем. курс.

S. 12.

порядокь, которой имвоть и наблюдають учители Математики, какь вы доказательствы истинны
такь и вы сочинени наукь, называется Математимескить способоть (Mathodus Mathematica). Вся сила
сего порядка состоить вы томь, чтобы дылать начало оты первыхы и самыхы легчайтихы понятій о
вещахы коликихь, и оттуда выводить первыя истинны; а изы сравненія и соединенія сихы между собою,
находить новыя втораго роду предложенія, и все
вы самомы преподаваніи располагать такь, чтобы
начала послыдующихы предложеній содержались вы
предыйдущихы. О которомы способы разсуждая Цицероны, вы кн. 5. гл. 28. о концы добра и эла, говорить: вы Геометрін, естьян допустить первое: то
уже все допускать должно.

S. 13.

Чинобь соотвътствовать законамь сего правила: то надлежить, какь сказано, производить начало отв первыхь о вещахь понятій, вы разсужденіе при-

нимаемых в, и о том в прилъжно стараться, дабы оныя надлежащимъ образомъ изображаемы были, и никакому сомнишельству и шемнош в не подлежали: и кавъ различія понятій во первыхъ обстоятельно изъясниль Лейбницій Act. erud. 1684. год. стран. 537; того ради объ оныхъ нъчто здъсь объявить можно. Понятіє (notio) есть представленіе, или воображеніе вещи въ умв. То поняще называется яспыть (clara), которое довольно кр распознанію какой вещи, и кр различенію оной от других»; темнымь же (obscura) которое не довольно къ распознанію какой вещи. Но ясность понятія увеличивается твмв, естьли поняmie сверькъ moro будеть подробное (distincta) mo есть, когда имбемь мы ясныя понятія о твхв прим тахв кои, во время какого воображения, намъ предсшавляются; сему противополагается понятие эбибиивое (confusa), вы которомы не достаеть ясных понятій о твхв примвіпахв. На последокв ясность понятія бываеть совершенная, естьми оно сверьхъ того будеть полное (adaequata), то есть такое, въ которомь будуть находиться ясныя и при томь подробныя понятія о примътахъ, соединяющихся для воображенія онаго; но когда их не достаеть, тогда, котя понятіе ясное и подробное бываеть, токмо не полное (inadaequata) от Лейбниція называется,

S. 14.

Избиснение о понящиях въ Машемашикъ содержащь опредъления (Definitiones), кощорыя во всякой наукъ занимающь первое мъсщо. Какая жъ какого Машемащическаго опредъления сила должна быть, о шомь изъ вышесказаннаго ясно знашь можно. То есть, старащься надлежить, чтобь о всякой вещи, которая принимается въ разсуждение совершенныя, ясныя, подробныя, и сколько можно, полныя понящія дъланы были. Опредъления суть двоякаго рода: одно опредъление ижени (Definitio nominalis), въ которомь исчисляются знаки, довольные для различия вещи

вещи ошъ другихъ; другое опредъление вещи (Definitio realis), въ которомъ показывается начало вещи, оть котораго свойство ея зависить. Обоего рода опредвленія составляются, разсуждая прильжно какъ общія, такъ и собственныя свойства вещей, понеже изъ оныхъ выводится понятие о родъ, а изъ сихъ о видь, или различіи спеціальномь. Но какъ видь ясные разумыть можно, естьли способь, чрезь которой вещь получила быте, будеть извъстень; того ради надлежить имъть старание о томь, чтобь объ ономъ ежели можно, понятіе приобръсшь. Что въ Машемашическихъ доводахъ лучше, нежели въ другомъ месть обыкновенно удается. Гдв жъ происхожденія вещи со всёмі узнать не можно: то ві пакомъ случав довольно только имвть свойства ся извъстныя, и опредъление, которое изъясняетъ оныя свойства и существенныя качества, между тъмъ почитается за опредъление вещи. См. Борров. Машем. Лекц. 7 стран. 309.

S. 15.

За опредъленіями слъдують akcio мы (Axiomata), то есть, первыя истинны, которыя тотчась происходять изъ опредъленій, и не требують особливаго доказательства.

S. 16.

КЪ симЪ аксіомамЪ древніе обыкновенно присовокупляли, или напереди ихЪ полагали требованія (Роstulata), чрезЪ кошорыя от читашелей требовали того, дабы они понятіе, о коликихЪ вЪ умѣ представленныя, или отвлеченныя, по приличности чрезЪ нѣкоторое подобіе, глазами видимое, изображали. И сіе дѣлали для того, чтобЪ не совершенства знаковЪ, или изображеній не были от нихЪ приписываемы отвлеченнымЪ понятіямЪ, и тѣмЪ бы самымЪ не портили они доказательства. КакЪ на пр. ЭзклидЪ вЪ началѣ ЭлементовЪ требуетЪ, чтобЪ можно было провеста, или продолжить линею. Но понеже доказашельство не кв не достаточным линеям, которыя проводятся грифилем, но кв отвлеченным и вв умв представленным, и недостатка не имвющим относится, и черчене, или изображене линей, или числа двлается для одной токмо способности воображенія, и для вспоможенія внятнвитато размышленія, котораго вспоможенія познанія справедливой читатель нимало не будеть охуждать; того ради следуеть, что требованіе, безв урону Математическаго доказательства, опущены быть могуть. Проклв вв книгв 100 вв гл. 22 объявляеть, что требованія прежде сего также назывались положенія (hypotheses).

S. 17.

Послъ опредъленій и аксіомъ слъдующь теоремы (Theoremata), или исшинны втораго роду, помощію которыхъ дълается сравненіе множайшихъ опредъленій и аксіомъ.

§. 18.

Но какъ познаніе Машематическихъ истиннъ должно быть полезное; того ради оныя потомъ относятся къ ръшенію нъкоторыхъ практикъ, и такія предложенія, которыя учать снотенію истиннъ съ ръшеніемъ какого дъла, называются задачи (problemata).

S. 19.

Изъ Теоремъ иногда познаваются прибавленія (Confectaria), или непосредственно слъдующія изъ теоремь истинны, которыя не утверждаются особливымь доказ ательствомь, но ясно изъ доказанныхъ уже происходять. Такія прибавленія могуть присовокупляемы быть и къ задачамь, когда изъ предложенной практики другая притомъ явствуеть. Присовокупляются же и къ опредъленіямь, и тогда уподобляются аксіомамь.

S. 20.

Напоследовы между предложеніями, о которыхы до сихы мысты говорено, везды находятся примыманія (scholia), вы которыхы преподаются ныкоторыя при-

мвчанія, служащія для довольный шаго извисненія сказанныхв.

S. 21.

Спазано уже, что истинны втораго роду требують доказащельства. А сіе состоить вы разсужденіи, или въ Силлогизмъ, помощію котораго, сравнивъ между собою понятія и истинны, какъ первыя, такъ и вторыя, прежде уже избясненныя, и нужныя для уразумвнія предложенія, доказывается то, что предложенная теорема справедлива, или нъкоторая практика заблана надлежащимь образомь. Однако за ненужное почитается, чтобъ доказательства задачъ всегда въ особливости предлагаемы были. Ибо когда твхв истиннв, на которыхв утверждается справедливость дъйствія, связь извъстна, по довольно, естьли объ оныхъ, или въ самомъ ръшении (resolutione) (ибо такимъ образомъ называется исчисление правиль, для составленія какого дела и решенія практики служащихв), кратко упомянуто будетв, или для сокращения, одни только числа твхв параграфовь, вы которыхы содержатся основанія такой практики, приписаны будуть: См. Вейгел. Тр. о доказательствь Аристотелическо-Эвклидовомь разлыл. 3.

S. 22.

На концъ теоремъ древніе обыкновенно прилагали слъдующую формулу: ито надлежало доказать (quod erat demonstrandum); а послъ задачъ пелагали такое заключеніе: ито надлежало эдълать (quod erat faciendum). То есть, чтобъ пердложенія теорепическія и практическія различены были между собою нъкоторымъ знакомъ; естьли жъ въ самомъ началъ тотчась упомянуто будеть объ имени теоремы, или задачи: то по справедливости выпускаются оныя заключительныя формулы.

S. 23.

Кромъ сикъ названій, которые при толкованій Математическихъ доводовъ употребляются, иногда

случается имя Леммы (Lemmatis), которая означаеть вспомогательное, доказательства требующее предложение, для одного, или множайших в следующих в предложеній принимаемое. Изв чего явствуетв, что вв разсуждении всей взятой какой науки, многія предъидущія истинны будуть Леммы послідующих в; однако между пъмъ название Леммы не безприлочно приписывается тому предложенію, которое не принадлежить къ настоящему мъсту, но берется изв другаго, и употребляется для уразуменія некоторых в теоремь, или задачь. О употреблении Леммь древнихь Математиков упоминаеть прокав на стран. 58.

24.

Все, что до сего мъста еще ни было говорено о спостбъ Машемащиковъ, во первыхъ служить въ чист Машемашикв, которой содержанію свойственна шаная ясность, что при истолкованіи онаго могуть наблюдены бышь законы обстоятельныйшаго и совершеньвищаго порядка. Но вы смышенной Машемашикъ не ръдко къчто надлежить опускать изъ оной строгости доказательствь, когда по причинь происходящей изб самых вещей неясности не можно будеть имъть ясных опредвленій и аксіомь. Чего ради, хотя и будем в стараться о томв, чтобь в в оной употреблять тошь же порядокь, которой употребляемь и въ чистой Математикъ; однако иногда другія предложенія сверьхв помянутыхв, то есть, положенія и примъчанія надлежить присовокуплять къ первымь.

25. 5.

Но положенія сушь на подобіе требованій, которыя въ сомнительной вещи выводятся изъ достовъсныхъ признаковъ, и до шъхъ поръ почитаютяс за справедливыя, пока объ оной лучшаго и извъстивишаго свъденія не будеть получено. Какъ на пр. вь Астрономіи принимаемь такой видь небеснаго положенія, какой лучте приличествовать находимъ чрезв опышы. Положенія обыкновенно называющся также произвольных положенія, чрезъ которыя опредъляются, или раздъляются неизвъстныя мъры особенныхъ количествь, какъ на пр. въ Арифметикъ сумма десяти единицъ принимается за начальное основаніе большихъ количествь, или, когда знакамъ чисель дается знаменованіе по мъсту такъ, что одно и тоже число иногда значить десятки, иногда сотни, тысячи и другія большія суммы. Или, когда въ Геометріи извъстная величина фута, сажени и прочпринимается, и раздъляется на меньшія части.

S. 26.

Примвианія (observationes) вы смышенной Машематикы не что иное суть, какы явленія (phoenomena), или дыствія вещей натуральныхь, дознанныя опытами, изы которыхы выводятся ныкоторыя прибавленія о свойствы и виды самой той вещи. Чего ради такія предложенія, понеже утверждаются на чувствахь, вы наставленіяхы смышенной математики, гдь, смотря по дыствіямы, надлежить разсуждать о причинахы, почитаются вмысто Аксіомы, и получають большую ясность оты неусыпнаго старанія и примычанія обстоятельствь. Но пространныйшее изыксненіе математическаго способа учинихы Сл. Вольфы вы особливомы своемы разсужденіи, которое при начальныхы основаній всеобщей Математики, изданныхы на Латинскомы языкь, читать можно.

О пользв Математики справедливо и важно разсуждаеть Меланоонь къ Альфрагану. Коль, говорить справедливе, со всякить раченіемь склонять и поощрять добрые разумы къ Математическимь наукамь, коихь поэнаніе и само чрезь себя свободняе, и принонеснть многія пользы въ жизни сей, и дълаеть умы привычными къ снисканію доказательствь, и къ любленію истинны, которая добродьтель во первыхъ по справедливости приличествуеть ученому человьку, которой упражняется въ наукахъ и разсматриваніи важньйшихъ вещей.

APHO.

АРИӨМЕТИКА

ГЛАВА ПЕРВАЯ

Содержить общія опредъленія и аксіомы, которыя выводятся оттуда.

опредъление 1.

5. 1. Ганница (Unitas) есть, въ разсуждени которой, все то, что есть, называется однимъ. Или, единица означаетъ всякую вещь, которая какъ бы одна и нераздъльна принимается въ разсуждении.

опредъление и.

§. 2 Число (Numerus) есть множество избединицъ составленное.

опредъление III.

§. 3. Аривметика (Arithmetica) есть наука о сравнении чисель, и оттуда происходящих разных в как свойствь.

опред вление IV.

\$. 4. Ариомешика раздъляется на теоретическую (Theoreticam) и практическую (Practicam); теоретическая показываеть свойства чисель сравненных , а практическая употребление оных при ръшении разных задачь; или, практическая Ариометика есть способь, показывающей исправное и сокращенное употребление чисель.

примичаніє.

\$. 5. Объ вибешь шолнующся вы сихы насшавленіяхы какы для шого, понеже удобиве дылаещся рышеніе задачь, есшь.

естьли бываеть сношение сь вышеобявленными началами, такь и для того, понеже практика дълаеть меорію увеселипельнъйшею. Впрочемь Ариометика должна имъщь первое мъсто между машематическими науками, поелику и величика, такь какъмножество частей. разсуждаема и числями изображаема быть можеть, и слъдовательно польза науки исчисленія весьма пространно разливается по всей математикь.

ОПРЕДБЛЕНІЕ V.

\$. б. равныя (Acqualia) сущь, которыя, въ разсуждени количества, точно сходствують между собою. Такія количества впредь означаться будуть двумя параллельными линьями —. Неравныя (Inequalia) суть, которыя между собою разнствують величиною, то есть, когда часть одного равняется другому цълому.

OHPEABAEHIE VI.

\$. 7. Вольшее (Maius) есть, котораго часть равна другому цълому. Меньшее (Minus) есть, которое равняется части другаго. Знакъ большинства (Maioritatis) есть >, а меньшинства (Minoritatis)

опредвление VII.

§. 8. Подобныя (Similia) называются, коих внаки, по которым в они различаются, сходствуют в, так в но разспознаны быть не могуть, естьли самым в влоть не будуть сравнены между собою. На пр. пропорціональныя числа і кв 2 и 3 кв б, которыя имъють одинакой знакь своего содержанія, могуть назваться подобными, ибо в обоих в мыстах есть двойное содержаніе. Знакь подобных в сеть со.

OHPEABAEHIE VIII.

5. 9. Число измърять число (Numerus numerum metiri) называется, когда меньшее число, нъсколько разъ взятое, равно бываеть большому числу.

опредъление их.

§. 10. Часть (Pars) есть число числа, или меньшая доля большаго количества. Есть или прсколькая (Aliquota), которая, несколько разв взятая, измеряеть большее количество, и оному разняется; или прколикая (Aliquanta), которая не измеряеть.

опредъление Х.

§. 11. Цвлымь (Totum) называется количество, относительно къ частямь, кои оно въ себь со-держить.

опредъление ХІ.

§. 12- Подобныя насти несколькія (Similes partes aliquotae) суть, кои равно измеряють спом цельня; или которыя вы своихы целькы несколько разы содержатся по равну. На пр. 2 и 3 суть подобныя части чисель 4 и б, по колику каждал изы нихы дважды содержится вы своемы целомь.

определение хи.

§. 13. Подобныя части ивколикія (Similes partes aliquantae) суть, изб коихб одна содержино вб себв столькоже, сколько другая, нвсколькихб частей своего цвлаго. На пр. части 4 и б, буду и сравнены сб 10 и 15, суть подобныя. Ибо хотя на одна изб нихб не измвряеть соответствующаго цвлаго; однако каждая содержить вб себв двв подобныя нвсколькія, тоесть, пятыя части цвлаго, кв которому относится.

OHPEABAEHIE XIII.

\$. 14. Сонэмвримыя (Commensurabiles) количества суть тв, которыя измвряеть общая мвра; несонэмвримыя (incommensurabiles) суть, коихъ не измвряеть общая мвра (§. 196. Геом.).

опредвление XIV.

\$. 15. Ровное (раг) число есть, которое содержить въ себь два равныя целыя. Неровное (пов раг) есшь, кошорое единицею разнствуеть отв

опредБление XV.

5. 16. Ровно ровное (pariter par) есть, которое измъряется ровнымъ чрезъ ровное. Ровно неровное (pariter impar) есть, которое измъряется ровнымъ чрезъ неровное. Неровно неровное (impariter impar) есть, которое измъряется неровнымъ чрезъ неровное.

опредБление XVI.

\$. 17. Первое инсло (primus numerus) есть, которое измърлется одною единицею; сложное (Compositus), которое измърлется другимъ числомъ, кромъ единицы.

ОПРЕД В ЛЕНІЕ XVII.

9. 18. Первыя между собою (primi inter se) числа суть, которыя не имьють общей мъры, кромъ единицы. На пр. 8 и 15. Сложныя между собою (compositi inter se) числа суть, которыя имьють общую мъру, кромъ единицы. На пр. 9, 12, 15, всъ имъють одну мъру 3.

ONPEABAEHIE XVIII.

§ 19. Число совершенное (Nu nerus perfectus) есть, которое равно всвый своимы мърамы. На пр. 6 = 3. 2. 1. своимы частямы. Такіяжы суть 28, 496. 8128. и проч. Способы, какы находить совершенныя ийсла, показываеты деклиды 1X. 36. См. притомы Мерсси. предувыд. миын. физико. Матем. Нум. 9. и Таквст. Арив. ки. 111. стран. 119. Изы показанныхы опредыленій поисходять слыдующія

ARCIOM bl.

I. §. 20. Единица измъряеть всякое число чрезь единицы, кои въ немъ находятся.

II. §. 21. Всякое число измърнеть само себя чрезъ единицу.

IIL

- II. S. 22. Тоже количество равно самому себъ.
- IV. §. 23. Равныя между собою могуть перемвняться, и одно на мъсто другаго поставлено быть можеть.
- V. S. 24. Количества, равняющіяся одному третьему, равны между собою. (Таже Аксіома служить и вы разсужденій по-добныхь количествь, которыя, котда сходствують сь однимь третьимь: то сходствують и между собою).

VI. S. 25. Ежели къ равнымъ придашь рав-

ныя: то равныя и происходять.

- VIII. §. 27. Изъ неравныхъ одно больще, а другое меньше.
- IX. §. 28. Цълое есть больше всякой своей части.
- Х. §. 29. Цълое равно всъмъ своимъ частямъ вмъстъ взятымъ.
- XI. §. 30 Тъчисла равны, кои суть одинакія части тогожь числа; на пр. половинныя, третія, и проч. Тъ числа равны, кои суть одинакія части равныхь чисель.

XII. §. 31. И тъ количества, коихъ одинакія нъсколькія части равны между собою; или, коихъ на равныя числа умноженныхъ произведенія равны, суть равны между собою. XIII. §. 32. Число, которое есть мёрого другаго числа, измёряеть и всё другія, коихь мёрого есть то другое число.

ГЛАВА ВТОРАЯ.

О исчисленій, сложеній, вычитаній, умноженій и діленій чисель.

определение XIX.

§. 33. Исинсленіе (Numeratio) есть способь изображать числа пристойными знаками, и выговаривать оныя извъстными именами.

положение т.

\$. 34. Вмѣсто знаковъ чиселъ, принимающся общіе десящь 1, 2, 3, 4, 5, б, 7, 8, 9, 0, изъ которыхъ первые девять, щитая отъ одного до девяти, означають первые суммы единиць, а послъдней знакь, которой нулемъ (Cifra, vel zerus) называется, хотя одинъ онъ и не означаетъ никакой суммы; однако, будучи приданъ къ другимъ знакамъ отъ правой руки, увеличиваетъ знаменованіе и силу оныхъ, какъ о томъ послъ сего изъяснено будетъ.

примъчанть.

\$. 35. Знаки, для означенія чисель, прежде сего многіе народы брали из забучных дитерь. Однако Римляне означали первыя единицы четырьмя прямыми линеями, І, ІІ, ІІІ, ІІІІ. будто бы столькими пальцами; пять же единиць на подобіе руки V, а десять на подобіе удвоенной руки X изображали. Прочіе знаки, кои вы употребленіи были у Римлянь С, L, сіз, із, из в начальных в литерь сотень и тысячь знаками идблались. Между тью, понеже употребленіе шаких внаковы весьма не способно было: то они, для сложенія и вычитанія больших суммь, употребляли щотную доску съ гвоздиками, которую, кромь другихь, описываеть м. Вельсерь вь коммент. Август, сочин. стран.

221. О началь жь общих знаковь ученые люди имь. ють не одинакое мивніе. Накоторые почитають изобрётателями оных Инабицов, или Араповъ Максимь Планудій Грекь, XIII віка писатель, коего находится вь свыть книга εσάγογή ез тог пат годоос μεγάλου Ψηφού, которую я нашаль вы Оксфурть между инигами MS. оть Кромвелла выбибліошеку Бодлеянскую подаренными числомы 207 вь толкованіи Ариометики употребляеть общіе, внаки, и не сомиввается изобрътение оныхъ приписывать Индітицамь. Но понеже от Араповь оные знаки получили Европейцы около одиннатцатаго, какь можно върить, въка: то потому и называются они Арабскими. Валлизій том. И. сочин. стран. 16, думаеть, что герберть Флорентинець, которой напослёдокь быль подь именемь Сильвестра, И. Папы Рим. отв сотвор. міра 999. года, перевезь оные знаки оть Сарацынь кь Европейцамь. Сами Арапы ушверждають, что сін знаки произошли оть круга, на четыре четверти разделеннаго. См. КИРХЕР. Ариомолог, стран. 42. БАЙЭРЪ, Сл. Петербургской А чадеминь, въ шракш. о зашменія Кишайскомь, спран. 30. думаеть, что оные знаки оть Китайцовь нь индъйцамь, а от сихь кь прочимь народамь переция. Иные сравнивають изображенія оныхь сь первыми Греческими литерами, въ такомь порядкъ поставленными а. в. у. д. г. с. у. п. э. о. понеже сни сходствують сь сими литерами, и потому изобръщение числишельных внаков приписывають Грекамь, и ушверждають, что сін оттуда, съ самою наукою исчисленія, перешли къ восточнымъ народамъ. См. Гуец. доказ. Евангел. предл. IV. гл. 13. спрын. 252. пришомь егожь соч. гл. 48. И сіе мибніе кажется вброящно, понеже подобные внаки находятся и вы самых древних писашеляхb. Camb я нашель вы Апошелезмашикь Павла Александрійскаго, которая вы IV. въкъ писана, нъкоторые знаки, какъ то, три, шесть и девять, а больше того нашель вы рукописной книгь Ранцовіановой; но переміниль издашель книги Андр. Шато. См. приміч. его. Спран. 2. Десяпь же знаковь упопребляемым весьма подобных висчисляеть и за изобратение Пивагорейцовъ почитаеть; употребляение, оныхь вы Ариометикъ описываеть

B 3

Боевій въ Геом, какіе знаки можно видёть не токмо въ древней сего сочиненія книгь мВ, которая находится вь библіошен в Альторфинской, по и вы первомы изданіи соч. боев. коморое вышло вы Венецін 1492 год. вы листь. В прочемь сти знаки употребляются по всему востоку, у Персовь, Могольцовь, Татарь и у Китайцовь, такь накь я сте вы особливой диссертации, объ общихь знакахъ чисель в изданной 1717, год. доказаль. О употреблены жь сихь знаков у Европейцовь, пашуть КОНРИНГ. d. diplom. Lindaviensi. стран. 318 и Мабиллонъ de re diplomatica . нн. 11. гл. 28. ВАЛАИЗ, и Луффинь in Lowthorpi spit transact. Angl. кн. I. стран. 107, и сабд. Вирочемь, что принадлежить до объясненія исторіи Ариомешики, и что о знашавищихь ся писателяхь, какв древнихь, такь и новыйтихь объявить надлежить о всемь томь вы ленціяхь пространняе упомянуто будеть.

ПОЛОЖЕНІЕ 2.

\$. 36. ВВ исчисленіи больших в чисель первымы основаніемы есть десятокы (Decas), которой естьли десять разы повторены будеть: то происходить сто (Centum), и изы сотии, десять разы взятой, двлается тысяча (Mille), потомы десять тысячь, сто тысячь, тысяча тысячь, или милліоны (Milliones) слёдують; также десятки, сотии, тысячи милліоновь, и десятки, сотии и тысячи милліоновь, и десятки, сотии и тысячи милліоновь, билліоны (Billiones), милліоны билліоновь, трилліоны (Trilliones); милліоны трилліоновь, квалрилліоны (Quadrilliones), и такы далье, называются.

ПРИВАВЛЕНІЕ.

5. 37. ИзБ чего явствуеть, что въ исчислени всегда набаюдается десятерное содержание.

ПРИМЪЧАНІЕ.

5. 38. Но самымь деломь видно, чио шакое исчасженіе по сложеннымь десяшкамь есть положишельное (кь приняшію кошораго, какь видно, подали случай десяшь пальцовь объяжь рукь вишрв.)- уйбо вольно было приняшь какую инбудь сумму, сосшоящую изь не мно-

тихъ

тихь единиць, за начало и первое основаніе. Тоже самое другіе избяснили примбрами. Ерг. Вейгелій изобрвль А исмешическую тетрактику, и по четыремь счишашь научиль. Въ Аришологисшинъ спран. 362. и Матем. философ. стран. 175. Лейбницій оть двухь начинаеть исчисление, о которой Ариометической Діадикъ См. Histoire de l'Acad. R. des Sc. 1703 год. стран. 71. и Memoires more жь года стран. 105. Вуветь Гезунта Французской, которой насколько времени быль вы Пекинъ вь Китайскомъ Государствъ, думаль, что сей счеть по двумь служить для истолкованія загадки древняго Китайскаго Царя и Философа фоги, въ которой цълыя линеи съ половинными различно перемъщиваются. Нонапоследокь Байэрь вы набинеть Китайскомь кн. 2. стран. 96. и слёд. поназаль, что сходнёе сь истинною сіе, что Китайцы, чрезь цёлыя и половинныя линеи различно соединенныя, котбли показать множество соединеній вещей не многихв, и симь опытомь дошли они до изображентя простыхь своихь знановь. Обь обоихъ счетахь пространно сказано въ Диссерт. о прево ходствь Декадической Ариометики, чьмь она превосходить Текракшику и Діадику и о додекадическомъ счешъ.

HOMOKEHIH 3.

\$. 39. Чтобъ правильно изображать всякое множество вещей десятью оными знаками: то надлежить начинать от единиць съ правой руки, а прочія суммы десятковь, сотень, тысячь, и другія продолжающіяся къ львой рукь, означать знаками, по порядку другь задругомь сльдующими. Такимь образомь Ариометисты подражають обыкновенію писать восточных народовь, кои от правой руки къ львой питуть литеры. Что все изъ приложеннаго примъра яснье разумвть можно.

Единицы. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. Десятки. 10. 20. 30. и проч. Сотни. 100. 200. Тысячи. 1000. 2000. Д. шысячь. 10, 000. 20, 000.

С. тысячь 100, 000. 200, 000. Милліоны. 1000, 000. 2000, 000.

Д. милліоновь. 10, 000, 000.

С. милліоновъ 100, 000, 000.

Т. милліоновъ 1000, 000, 000.

Д. н. милліоновь. 10, 000, 000, 000,

С. т. милліоновъ. 100, 000, 000, 000.

Билліон. 100, 000, 000, 000.

прибавленіе.

\$. 40. Наблюдая сте правило, всякой знакъ единицы получаетъ знаменованте десятка, сощни, тысячи и всякаго другаго числа, смотря по мъсту, больше, или меньше, къ лъвой рукъ отдаленному.

ЗАДАЧА І.

§. 41. Написать всякое число. РВ III Е Н I Е.

- т. Начинай от единиць, и от оных в поступая кв авой рукв, пиши сотни, тысячи, десятки тысячь, сотни тысячь, милліоны, и напоследовь всв тв суммы, кои требуется написать.
- 2. Гдв жв одного, или больше классовь въ срединъ находящихся, не дано будешь положищельнымъ числомь, шамь надлежить написать одинь нуль, или больше. Сіи правила явствують, безъ дальняго догазательства, изъ полож. 3. (\$. 39.). На пр. требуется написать слъдующую сумму: тесть соть пя пь десять четыре тысячи, сто восемь десять девить: то оную будуть изображать слъдующіе знаки: 654, 189.

3 A A A Y A II.

\$ 42 Выговорить всякое инсло своими име-

P T III E H I E.

- 1. Раздели данную сумму, чрезъ запятыя, на классы, начавъ отъ правой руки, такъ, чтобы каждомъ классъ было потри знака.
- 2 Нады слідующимь, послі двухь классовь, числомы поставы также палочку, или запятую; послі четырехь, двь;

двв; а послъ шести, три. и шакъ далъе. Нижнія занятыя будуть означать тысячи, а изв верьхнихъ одна милліоны; двв, билліоны; три. трилліоны; а четыре, квадрилліоны и такъ далъе.

3. Потомъ назови соотвътствующія числа именами выше (§. 39.) упомянущыми, и такимъ образомъ выговорена будетъ данная сумма. На пр. число.

18,446,744,073,709,551,611.

выговаривается таким в образом в: восмнатцать тридліонов в, четыре ста сорок в тесть тысячь, семь сот в сорок в четыре билліона, семь десят в три тысячи, семь сот девять милліонов в, пять сот пятьдесят одна тысяча, тесть сот одинатцать.

ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 43. Естьли число восьмнатцать трилліоновь, и проч. которое шеперь предложено, взято будеть о зернахь жита: то оно означаеть такое ихь множество,

что Стурмій думаєть, что симь житомь 2,562, 047 ноевыхь ковчеговь до самаго верьху наполнены быть могуть. In math. iuuen. Т. І. стран. 13. См. притомь Валлиз. соч. Т. І. стран. 151. Өгэ. Гиде. Тр. de ludit orientalibus prolegom. Находить даже число зернышковь пещаныхь, которое бы всему земному тару, или тару неподвижныхь звыздь, по положенію взятому, равнялось, давно уже показаль Архимедь іп агепагіо. Стран. 120. соч. См. притомь Таквет. Арием. кн. V. гл. 4. теор. 21. Клавієв. Соттеп, іп Воясі ярь. Стран. 217.

опредъление хх.

\$. 44 Числа однородныя (numeri homogenei) суть, которыя означають подобныя части тогожь цвлаго; разнородныя (heterogenei), которыя означають не одинакія части цвлыхь, различнымь образомь раздвленныхь. На пр. дни раздвляются на 24 часа, часы на 60 минуть; следовательно числа дней и часовь, суть Б 5

между собою разнородныя; числажь часовь однородныя; шакже числа минушь сушь равномърно между собою однородныя.

опредъление УХХ.

§. 45. Сложеніе (additio), есть двухь, или больте чисель въ одну сумму собраніе. Знакъ сложенія иног-да употребляется кресть →, которой значить плюсь (plus). Количество, которое производится чрезъ такое собираніе, суммою (fumma, vel aggregatum) называется.

TEOPEMA I.

§. 46. Числа слагаемыя должны быть однородныя.

AOKÁSATEABCTBO.

Поелику изъ слагаемыхъ чиселъ надлежишъ составишь шакое цёлое, которое содержить въ себъ сложенныя числа, какъ части (§ 45.): то требуется, чтобъ оныя части были между собою подобныя, кои къ томуже цёлому относятся. Ибо неподобныя, или разнородныя части относятся къ разнымъ цёлымъ, или различно раздъленнымъ (§, 44.) саъдовательно числа, въ одму сумму слагаемыя, должны быть однородный.

прибавленіе.

§. 47. Коглажъ послъ сего будетъ говорено о сложение разнородныхъ чиселъ: то объ ономъ должно имъть такое понятие,
что въ тъхъ иоличествахъ, ноторыя составляются изъ разнородныхъ илассовъ, всегла силадывающея одвиановие сорты,
и слъдственно однородныя числа.

3AAAYA III.

5. 48. Сложить два числа, или больше. Р Б Ш Е Н I Е.

- Напиши данныя однородныя числа такъ, чтобъ единицы подъ единицами, десятки подъ десятками, сотни подъ сотнями, и проч находились, и подъ ними проведи линъю.
- 2. Потомы св праваго класса, такъ какъ съ нижняго, начавъ, складывай числа всъхъ классовь, другъ надъ

надъ другомъ состоящія, въ одну сумму, и ставь каждую сумму единиць подълиньею; а лишекъ сверьхъ девяти, содержащейся въ умъ, всегда придавай къ ближайте слъдующему от въвой руки, классу, то есть, ежели одинь десятокъ будетъ въ излитествъ от в суммы единиць: то къ ближайтей суммъ приложи одну единицу; естьлижъ два, или три, и больте десятковъ будетъ въ излитествъ: то приложи двъ, три единицы, или больте къ слъдующему классу.

- 3. Когда случатся одни нули, тогда вмъсто суммы питется нуль.
- 4. А когда надлежишъ складывать разнородныя числа: то и тогда сложение также начинается отбсамаго меньшаго сорта, и какъ произойдеть сумма, составляющая ближайте большей сорть, то
 къ слъдующему сорту придается одна единица;
 естьлижъ въ суммъ меньшаго сорта будеть содержаться больше большихъ сортовъ: то и къ слъдующему ближайте большему сорту придается больше
 единицъ, и сложение слъдующихъ сортовъ равномърно продолжается до тъхъ поръ, пока дойдеть до
 цълаго числа, коего есъ единицы, по вышепоказанмому правилу, складываются.

примън	ъ т.	ПРИМ	примъръ	
A CATALONIA	16.	цент.	либр.	унц.
65708	3	62.	85.	8
79203		32.	74	7
сумма 144911		8.	9.	6
	CYMIA	2 103.	60	-0

то есть одна либра содержить вы себь 12 унцій, а одины центнеры, или сотовой высь, 100 либрь. ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

Понеже всв суммы, сверьх девящи единиць, составляющся из десятков (S. 36.); и всякая сумма в дссящерном содержании возрастаеть и ума-ляется (S. 37.), знаки же получають различное зна-

менованіе, смотря по місту (5. 39.) того ради слівдуеть, что съ каждымь знакомь всякаго числа можно поступать такв, какв св единицами; и потому можно порознь складывашь единицы, и лишекъ сверьхъ девяши, то есть, одинь десятокь, или больше придавать въ следующему классу. Но число, которое такимъ образомъ составляется, понеже содержить вь себъ единицы, десятки, сотни, и прочія суммы, кои находились въ слагаемых в количествах в, будеть сумма данных чисель. В разнородных же, естьли числа подобных в классовь, и следовательно однородныя (5. 47.) сложатся между собою, и содержание частей, принятое въ употребление и опредъленное, наблюдаемо будеть, явствуеть, что изъ частей составляются ближайшія цёлыя (5. 20.), и суммы цвлыхв и часшей показанным в образом в будуть найдены (§. 44. 46.)

прибавленіе:

\$. 49. Изъ онагожъ доказательства явствуеть, что не всегда потребно бываеть начинать сложение оть правой руки. Понеже и оть львой руки всъ лесятки по порядку другь за другомъ слъдують, и полому оные подъ единицами, изъ которыхъ состоять, поличены быть могуть; однано жъ, понеже послъ того требуется новое сложение десятновь, лвствуеть, что вышепоказанная практина сокращенные, и потому должно предпочитать оную другой.

O I PEABAEHIE XXII.

\$. 50. Выинтаніе (Subtractio) есть дъйствіе, чрезъ которое отнимается и отдъляется меньшее число отб большаго. Знакъ вычитанія иногда употребляется линьечка—, которая значить минусь (minus). Число, которое остается послъ вычитанія, разность (differentia), или остатокь (refiduum) называется.

TEOPEMA II.

§. 51. Въ вычитаніи числа большее и меньшее должны быть однородныя.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже большее число, из котораго дёлается вычитаніе, разсуждается такъ какъ цёлое, коего часть отдёляется чрезъ вычитаніе (\$. 50.). Но цёлое состоить изъ подобныхъ частей (\$. 44); слёдовательно въ вычитаніи, числа большее и меньшее должны быть однородныя.

TEOPEMA III.

§. 52. Остатокъ и меньшее число, будучи сложенныя вмъстъ, составляють сумму равную большему числу, изъ котораго дълается вычита. Ве.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

понеже меньшее число, отнящое от большаго, есть часть его, и остаток вы ного остается, есть другая часть того ж числа (S. 50.). Но цв-лое равно всвый своим частям вывств взящым (S. 29); слъдовательно остаток и меньшее число, и проч.

3AAAAA IV.

- \$. 53. Вычесть меньшее инсло из большаго. Р В Ш Е Н I Е.
- 1. Въ однородныхъ инслахъ меньшее число подписывается подъ большимъ такъ, чтобъ взаимно другь другу соотвътствовали подобные классы единицъ, десятковъ, сотенъ и проч. и подъ ними проводится линъя.
- 2. Начало делается также от правой руки, такъ какъ от самаго нижняго класса, и всъ единицы меньщаго числа вычитаются изъ верхникъ, а остатокъ ставится подъ линъею.
- 3. Когда нижнее число содержить въ себъ больше единицъ, нежели веръхнее, и не можеть вычтено быть: то въ такомъ случат, от ближайте слъдующаго знака большаго числа, изъ котораго дълается вычитаніе, надлежить отнять единицу,

которая, понеже въ общихъ знакахъ означаетъ десятокъ, увеличитъ и другой знакъ также десятью единицами; что здвлавъ, вычитается по-томъ нижнее число изъ веръхняго, десятью единицами увеличеннаго, и остатокъ ставится подълиньею; отъ лъвой же руки знакъ потомъ почитается за уменьшенной единицею, что означается чрезъ точку, поставленную подлъ того знака.

- 4. Вычтенной нуль не умаляеть числа; но ежели случится вычитать изб него положительное число: то сперьва надлежить увеличить оной цълымь чиеломь, заняшымь оть предвидущихь знаковь; естьлижь два нуля случатся сряду другь подав друга: то, понеже первой нуль, то есть, что от аввой руки, должень увеличень быть десяткомь, от предвидущих в знаковь взяпымь, дабы от него кв последнему знаку, то есть, что от в правой руки, перенесена быть могла единица, имъющая знаменование десяшка, можно удобно разумъть, что тоть нуль, которой ошь аввой руки напосабдокь должно почишать за денять. Тоже правило служить и вы разсужденіи того, когда больше нулей съ ряду другь подав друга стоять будетв.
- 5. Въ разнородныхъ инслахъ меньшее число шакже пишется подъ большимъ шакимъ образомъ, чтобъ подобные классы взаимно другъ другу соотвътствовали, и когда (то есть, естьли нижней знакъ не можетъ вычтенъ быть изъ верхняго) для увеличенія числа меньшаго класса, занимается единица отъ ближайте большаго класса: то само по себъ явствуетъ, что сія единица означаетъ шакое цълое, которое, по принятой въ употребленіе и извъстной пропорціи, состоить изъ частей меньшаго класса; и такъ, естьли сія единица раздълится на оный части: то, придавъ оныя къ

числу шого сорша, кошорой складывается, можно будеть вычесть нижнее число, и остатокь подписать подь линьею.

MAIL	мбръ г.	N	THE MIN	2.	
		The House	ценш.	либр.	уиц.
	144911	n Sammanil	113,	69.	9
Trans Military	79203	percinitions	32	74.	207 30
остатокъ	65708	остатокъ	80.	95.	2
	A O K A	BATEA	ьст	B 0.	WELL BUILD

Что однородныя подъ однородными подписывать, и подобныя изв подобныхв вычишать должно, що явствуеть изъ сущности вычитанія (\$. 51.). Но понеже всь числа в вобщих в знаках в им вють знаменование, смошря по мъсту (S. 40.); того ради са вдуеть, что со всякимъ числомъ можно поступать, такъ какъ съ единицами и десятнами, и занятая от предвидущаго знака единица служить вмъсто десятка, и увеличиваеть савдующее число десятью единицами. Вь разнородных в числах в наблюдается пропорція, приняшая въ употребление, и всегда чрезъ вычитание находится разность подобных влассовь (5. 51.). И такь, поелику въоднородных вчислах встхв едиииць, десяшковь, сошень и прочихь классовь; въ разнородных же, встхъ сортовъ остатки находятся показаннымъ образомъ, никакого сомнънія не закаючается въ томъ, что вычитание савлано исправно.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

^{5. 54.} Понеже сложение и вычитание суть межлу собою противныя дъйстви, такъ что тъ части, которыя резъсложение сложены были въ одну сумму, опять чрезъ вычитание могутъ отлълены быть отъ пой суммы (\$. 52.) з
того ради повъона обояхъ, естьли будетъ потребована э
обратнымъ образовъ слълана быть можетъ, то есть
естьли по отнятия одной части отъ суммы, состоящей изъ
лвухъ частей, останется гругая: то почитать, что сложение слъявно исправно и обратно, ежеля мейьшее число
придано будеть нъ остативу, и произойдеть изъ того большее часло: по в вычитание почитается за исправно слълане
зое (\$. 52.). Ибо едва случиться можетъ, чтобъ дъланъ

противное дъйствіе, въ разсужденіи тогожь числа, здълаласт такая погрышность, которая бы утанвала учинсниую въ первомъ дъйствіи.

прим Вчанів.

55. Другая повърка сложенія и вычитанія дълается чрезь отбрасывание дезятокь изь подобных суммь. то есть, изъ пълаго и частей. Ибо, ежели вь обоихъ случаях останется тоть же остатокь, доказывается чрезь то исправное рашение сложения и вычитания. Причина шому есть слёдующая: понеже сумма всёхь чисель пишешся шакь, что сложенные знаки означають сумму, равную лишку данных единиць, сверых одной девятия, или больше, На пр. когда написано будеть 12; то 1 +== 3 двлають лишень сверыть девяти; или, когда написано будеть 32: то также 3+2=5 изображають лишекь сей суммы сверьхь шрехь девящокь, которыя сна вь себв содержишь. И пошому осшашки часшей и суммь симь равныхь, сверьхь одной девятки, или больше, всегда должны бышь равны между собою. См. Дешале Ариви. кн. І. предл. 5. Но тоть способь повърки надеждиве, о которомъ упомянуто было въ предъидущемь парлаграфъ.

Опредъление ххи.

\$. 56. Умноженіе (multiplicatio) есть многократное одного тогожь количества самаго сь собою
сложеніе. Или , умноженіе есть способь находить
такое число, которое бы содержало вь себь множимое число столько разь, сколько единиць содержится вь множитель. Знакь умноженія иногда употребляется точка, поставленная между множимыми
количествами. На пр. 6. 3—18; иные изображають
умноженіе такимь образомь: бх3—18. Числа, которыя умножаются между собою, называться множителями (factores). Эвклидь называеть оныя боками
(latera); а то число, которое происходить изь уможенія двухь чисель между собою, называется произведеніе (factum, иеі productum); Эвклидь же называеть оное плоскимь инсломь (питегит planum).

прибавление т.

§ 57. Сабдовательно единица и одному множителю имветь такое солержание, какое пругой множитель и произведению; а единица не умножаеть.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

 58. Одиначіе множители производить одинакія произведенія.

ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

\$. 59. Произведенія всткъ единицъ происходять, ежели всякая единица будеть складываться сама съ собою не прерывно до девяти. И такимъ образомъ с оставляется таблица, которая называется таблицы наллежить твердо содержать вы памяти, дабы, помощію оныхъ можно было нацосльдовь снорбе дълать умноженіе и дъленіе большихъ количествь.

I	12	13	14	5	6	17	8	9
2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	6	9	12	15	18	2!	24	27
4	8	12	16	20	24	28	32	,6
5	10	15	20	2.5	30	35	30	45
6	12	18	24	30	30	42	46	54
7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	16	24	32	40	48	56	54	72
9	18	27	36	45	54	63	72	31



прибавление 4.

5. 60. Понеже умноженіе есть и вкоторое сложеніе; того ради в в оном в множимое число и множитель должны быть однородныя, какія требовались и в сложеніи (\$. 46.)

3 A A A Y A V.

§. 61. Умножить однородныя инсла-

PBIHEHIE.

1. Множитель поднисывается под тожимым числом , так чтоб классы единиц , десятков и проч. взаимно друг другу соотвытствовали, и пов том томъ подъ ними проводится линъя, такъ какъ въ сложени и вычитани дълано.

- 2. Первой знакв, что отв правой руки, множителя умножается на всв знаки множнмаго числа, и когда произведение состоить изв двухв знаковь: то пишется только, что отв правой руки, знакв, или единица; а знакв, что отв лъвой руки, такв какв десятокв, между тъмъ содержится въ умъ, и относится кв слъдующему произведению.
- 3. Равным вобразом в сабдующей нижней второй и всякой другой знакъ множителя умножается на всъ верхніе знаки, и произведеніе изъ того подписывается подъ знаком умножающаго числа.
- 4. Ежели оба числа, или только одно будеть имъть на концъ нъсколько нулей: то умножаются одни только положительныя числа, и къ произведенію приписываются вст нули. Также ставится нуль въ произведеніи, естьли случится оной въ срединъ множителя, и потомъ продолжается умноженіе прочими положительными знаками. Когдажъ въ срединъ множимаго числа случится нуль, то и тогда также ставится нуль въ произведеніи, естьли другаго положительнаго знака, содержащагося въ умъ, не должно будеть поставить на его мъсто.
- 5. Наконець, какь всв знаки шакимы образомы умножены будуть взаимно между собою, всв произведенія складываются вы одну сумму, и такимы образомы произходить изы того произведеніе данныхь чисель.

примъръ.

произведен.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

понеже, как высколько раз уже было сказано, числишельные знаки им вышь шакое свойство, что каждой из них получаеть знаменованіе, смотря по м всту (\$. 40.), и что великія количества, так в как в из одних единиць и из одних десятков составленныя, разсуждаемы быть могуть, и чрез р втеніе предложенной задачи, вс произведенія вс вх единиць порознь, так в как столько первых вачаль искомаго произведенія, получаются, и располагаются надлежащим порядком слъдуеть, что умноженіе надлежащим образом двлается по предписанным правиламь.

ПРИМЪЧАНІЕ.

§. 62. О другихь способахь умноженія, безъ шаблицы Пивагоровой, и чрезъ палочки Іог. Непера и проч. вь лекціяхь говорено будешь.

опредъление XXIII.

\$. 63. Дъленіе (Diuisio) есть повторенное вычитаніе меньшаго числа изб большаго. Или, дъленіе
есть способь находить такое число, которое показываеть, сколько разб меньшее число содержится въ
большемь, и сколько разб оное изб сего вычтено
быть можеть. Дъленіе иногда означается двуми точками, между дълимымь числомь и дълителемь поставленными. На пр. 8: 4, значить, что 8 дълиться на 4. Изб данных чисель большее дълимымь
(Diuidendus), меньшеежь дълителемь (Diuisor); а
то число, которое происходить, иастнымь инсломь
(quotus, vel quotiens) называется-

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

\$. 64. Следоватесьно делитель въ делимомъ числе содержилься столько разъ, сколено единица въ частномъ числе,

жиы бышь однородныя (5. 51).

TECPEMA VI.

§. 66. Дълитель, умноженной на частное число, производитъ число равное дълимому числу.

AOKASATERBCTBO.

Чрезъ умножение находится такое число, которое содержить въ себъ множимое число столько разъ, сколько единица содержится въ множителъ (§. 56). Но столько разъ дълитель содержится въ дълитель числъ, сколько единица въ частномъ числъ (§. 64.); слъдовательно дълитель, умноженной на частное число, производитъ число равное дълитому числу.

прибавление т.

\$ 67. Изъ чего явствуеть, что умножение и дъление суть два противныя дъйствия, и число, ноторое чрезъ умножение было слежено нъснольно разъ само съ собою, чрезъ дъление спять тоже возвращается. На пр. 4.3. — 12, то есть, четыре, умноженное на три, дълають 12; но чрезъ дъление 12:3 — 4 опять тоже число четыре возвращается.

привавление 2.

 68. Чего ради одно которое набудь дъйствие можетъ служить для повърки другаго.

3AAAYA VI.

\$. 69. Раздълить однородное инсло на однород-

PBHEHIE.

- т. Дваишель сшавишся подванаками дваимаго числа, что отв авьой руки, однако такимы образомы, чтобы верыхнее число было больше нижняго, и поды ними проводится линыя; подав крайнягожы знака, что оты правой руки, проводится линыя, или дуга.
- 2. Потом в находится, сколько раз в двлитель содержится в в стоящем в нады нимы числы двлимаго, и число, которое то показывает, пищется за дугою, такы какы частное; оно же послы того умножается на двлителя, и произведение вычищает-

ся изъ дълимаго, а остатокъ замъчается подъ линъею, и слъдующее къ правой рукъчисло дълимаго ставится подлъ тогожъ остатка.

- 3. Наконець двлишель, подв симь осшашкомь, которой сперьва увеличень быль следующимь приписаннымь числомь, подвигается однимь знакомь поближе кв правой рукв, и такимь же образомы находится частное число, и произведение его вычитается изъ соответствующей суммы. Подобное двиствие продолжается до конца.
- 4. Ежели двлишель въ двлимомъ числъ не содержишся: то вмъсто частнаго числа за дугою ставится нуль.
- 5. Естьмижъ при дълитель будуть находиться нули то оные тотчась на конць подъ послъдними знаками дълимаго числа подписываются, и дъленіе продолжается продолжительными знаками; числа жь, состоящія надь нулями, отдъляются отб прочихъ линьею, и къ остатку, посль окончанія дъленія, придаются.
- б. Что посав дваенія остается, то пишется особі ливо и почитается за часть двантеля.
- 7. Двленіе двлается сокращеннве, ежели найденное частное число вв умв умножено будетв на двлителя, и произведеніе вычтется изв соотввиствующих в знаков в двлимато числа. Но вв таком случав, для краткости, надлежить умножать частное число на двлителя от в львой руки кв правой.

ПРИМ ВРВ. 494550 (63 785 0 (64710) 2355 В 3

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

ВЪ ръшении сей задачи десятерное содержание, по вопторому умаляются числа, и знаменованіе, которое имъють ть же числа, смотря по мъсту, такъ что всъ порознь, какъ однъ единицы, или десяшки, употребляемы и сравниваемы быть могуть, также двлаеть великое сокращение. И по тому тысячное число (7000) можно поставить подъ сотеннымъ числомъ пысячь (490, 000), и находить, сколько разъ первое число онаго шысячнаго числа содержишся въ первыхъ двухъ знакахъ сего сошеннаго числа тысячь; ибо найденное частное число (б) не будеть уже единица, но десятокъ; потому что во время продолжения решения придается кв нему отв правой руки другой знакъ. Но, произведение, произшедшее изъ умноженія сего частнаго числа на лёлителя, вычетши изв двлимаго, явствуеть, что остатокв принадлежишь къ ръшенію следующей суммы, и что дъніе должно продолжать подобнымь образомь. По окончаніи котораго, понеже найденное число показываеть, сколько разЪ цълой дълишель можетъ вычтенъ быть изв всвхв классовь двлимаго числа, можно будешв и о том заключить, что авление правильно завлано.

примъчаніг.

\$. 70. О рѣшеніи дѣленія, помощію палочекь Неперовыхь, и о другихь способахь говорено будеть вь лекціяхь.

прибавленіе.

§ 71. Повърка умноженія дълзется разліливь произведеніе на одного котора о нибуль множителя; ибо ежели произбидеть взв того другей множитель, то сіе означаеть, чторъшеніе умноженія правильно здълано. И обратно, повриа дъленія ла-

мается, умножая часиное число на двлителя, и къ тому прикладывая останокъ, еспьли наи и случитея; чревъ что должно произойти опящь двлимому числу, какъ уже о томъ выше сего изъясчено было (§ 67 68).

ПРИМЪЧАНІЕ.

 72. Можеть учинена быть и другая повърка, ежели выкинуты будуть девятки, сперьва изь множителей. а потомь изь произведенія ихь, и примічено будеть, произкодить ли изь произведенія отстатковь оть множителей, послѣ выкинушых девяшокь. Такойже лишекь, сверых девяти, какой и изъ произведенія данкых в чисель. На пр. 85. 7 = 505, остатокъ, выкинувъ девять изъ одного множителя, есть 4; другой же множитель 7 есть уже самь собою лишень сверьх девяти; осшатокь изь произведенія 595, послів выкинушых двухь девяшокь, есшь и изъ произведенія первыхъ лишковь 7. 4 = 23, посль выкинулыхь шрехь девятокь, остается также і, и тьмь самымь доказывается, что умножение завлано привильно. Тоже служишь и для повёрки деленія, гдв частное число и дълитель почитающся за множители двлимаго числа (S. 66); однаножу, естьли что останет. ся послъ дъленія, то самое сперыва надлежить вычесть изь дълимаго числа, и потомь, вь разсуждении остапиа, дёлать показанную повёрку (S. 55). См. Таквет. Пракшич. Ариом. кн. І. гл. XII примъч.

опредъление ххич.

§. 73. Привеление разнородных инсель (reductio heterogeneorum numerorum) есть дъйствие, чрезъ которое части цълаго состоящаго изъ классовъ или сортовъ различио раздъленных в, приводятся въ одинакой нижайтей сорть. Или обратно, когда изъ самаго меньшаго сорта выключаются больтие осрты, кои въ себъ содержить оной.

прим Бчанів.

§. 74. Какъ на пр. центнеры, которые въ себъ содержать меньшіе въсы фунтовь и унцій, чрезь умноженіе
раздробляются такъ, что изъ центнеровь фунты ивъ
фунтовь унціи, равняющіяся данному часлу центнеровь
производятся. Или когда въ противномъ случать
множество унцій, которое содержить въ себъ фунты и
в 4

центне-

центнеры, чрезъ дъленіе рездробляется такъ, что можно разумьть, сколько фунтовь и центнеровь содержится въ даннюй суммъ унцій.

3AAAYA VII.

- §. 75. Завлать приведение разнородных в инсель Р в Ш Е Н I Е.
- Число большаго сорта умножь на части меньго сорта, какія оно ві себі содержиті, кі произведенію приложи слідующія числа кі томужі сорту стносящіяся: равнымі образомі, когда слідуеті больше сортові, на число частей ближайше меньшаго сорта умножается предвидущее число больтаго сорта.

AOKASATEABCTBO.

Истинна сего дъйствія явствуєть из Аксіомы X (\$. 29.). Ибо, естьли цълое равно всъмъ своимъ частямь вмёсть взятымь, должно взято быть сіе число частей чрезъ умноженіе столько разъ, сколько сортовь того рода содержится въ какомъ числъ. На пр. одинъ фунтъ содержить въ себъ 12 унцій, а два содержать 24 унціи, и такъ далье.

примъръ.

2. Обращно изъ меньшаго, или изъ послъдняго сорта, выключатся больщіе, или вышшіе сорты, есть-

есшьли на число частей, кои относятся къ ближайше вышшему сорту, такъ какъ на знаменованіе того сорта, раздълится число ближайше нижняго сорта. На пр. ежели б536 фунтовъ будутъ раздълены на 100: то произойдуть б5 цент. съ излишест. вомъ 36 фунтовъ.

3AAAYA VIII.

§. 76. Умножить разнородныя инсла. РБШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

- т. Приведи то число, которое состоить изъ разныхъ сортовь, въ меньшей сорть (§. 74.), и умножь на данное число (§. бг.)
- 2. Произведение меньшаго сорта приведи чрезъ дъление въ большие сорты (\$. 75.), и будетъ здълано умножение разнородныхъ чиселъ.

ПРИМБРЪ. цент фунт. унц. 12 28. 7. умнож. на 15 100 аибр. 1228 12 2456 1228 14736 7

унц. 14743. 15 = 221145. унц. раздъливъ на 12, произойдутъ 18428 фунтовъ, съ 9 унціями, и сумму фунтовъ раздъля на 100, будутъ 184 цент. 28 фунт. и 9 унц. вмъсто произведенія даннаго числа.

РВШЕНІЕ ВТОРОЕ.

г. Короче двлается сіе двйствіе, ежели, не двлая приведенія, числа всвхв сортовь будуть умножены на данное число, и произведенія всвхв классовь порознь будуть раздвлены на приличествуювья в

щее число частей; а частныя числа приложатся къ ближайше вышшему сорту.

2. Естьлижь умножающее число будеть очень велико: то разбей оное, или раздроби на множители, и потомъ умножай сими меньшими числами. Или раздроби оное на такія части, кои имъють способное содержаніе, и изъ частныхъ произведеній, сложенныхъ въ одну сумму, произойдеть цълое произведеніе.

прим връ. фунт. цент. VНЦ. 7 умнож. на 15=5. 3 28. 12. 61. II 42. произвед. 184. 28. 12. 28. 7 умнож. на 15 = 5 - 10 42. II 85. 10 слож. 122. 10 часши. 28. 9 произвед. 184. ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

первое ръшеніе явствуеть изъ приведенія разнородныхъ, и умноженія однородныхъ чисель; а второе ръшеніе также явствуеть изъ опредъленія умноноженія. Понеже все равно, хотя данное число умножить на цълое число 15, или сперьва на пять, а
потомъ сложить оное само съ собою трижды. Ибо
въ обоихъ случаяхъ находится равное число частей. И
когда множитель раздробляется на части, и складываются части произведенія, на пр. 5 и 10, вмъсто
15; то нъть никакого сомнынія что и въ семь случав
производится цълое произведеніе; понеже цълое равно всъмъ своимъ частямъ вмъсть взятымъ
(\$. 29.).

3 Л Д Л Ч Л IX. §. 77. Раздълить разнородныя инсла.

ръшение первое.

- Равнымъ образомъ число, состоящее изъ разныхъ сортовъ, приводится въ меньшей сортъ (\$. 74.), и произшедтая изъ того сумма дѣлишся на данной дѣлитель (\$. 69), частное число покажетъ число меньшаго сорта.
- 2. Сіе частное число опять чрез рабленіе приводится в ближайте выштіе сорты (§. 75.), и будет извъстна искомая сколькая часть всякаго сорта.

примъръ.

	41 x 22 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x 2 x					
	ценш.	фунт.	унц.			
	184.	28.	9.			
раздъ.	Ha (15)	4/15/2012				

Привед. въ меньшіе сорты Унц. 221145. 15 — 14743, сіи унціи 14743 приведши въ фунты, чрезъ раздъленіе на 12, произойдуть 1228 фунтовъ съ 7 унціями; а по раздъленіи сего числа на 100, частное число будеть 12 центн. 28 фунт. 7 унц. тоже самое число, какое и сперьва взято было.

РБШЕНІЕ ВТОРОЕ.

Не дълавъ приведенія, раздъли всъ сорты на данное число, и естьли какой сорть не можеть раздъленъ быть безъ остатка: то приведти остатокъ въ слъдующей сорть, приложи оной къ числу того сорта, и опять продолжай дъленіе на тогожь дълителя, такимъ образомъ произойдуть частныя числа всъхъ классовъ. Но сіи правила, безъ дальняго доказательства, явствують изъ вышеобъявленнаго.

неимвеъ.

184. 28. 9.

раздёл. на 15
Раздёлив 184 ценш. на 15, частное число будеть 12 цент. съ 4 оставшимися, или 400 фунт. Къ симъ приложи 28 фунт. и изъ суммы, на последокъ раздёленной на 15, произойдетъ частное число 28, съ восьмью оставтимися фунтами; или 8. 12 — 96 унц. кЪ коимъ приложивъ послъдніе девять унц. и сумму 105 раздъля на 15, частное число будеть 7. и потому тоже, что и прежде, находится частное число 12. 28. 7.

TAABA TPETIA.

О содержаніи и пропорціи.

опред таен те XXV.

S. 78.

\$. 78 Содержание (Ratio) есть взаимное отношение двух в коликих в одного роду, в в разсуждении количества. Первое из в сих в коликих в называется предвидущим (antecedens), а другое последующим (confequens).

опредъление XXVI.

§. 79. Содержаніе есть, или Аривметическое Arithmetica), когда разсуждается о разности двухъ не равныхъ коликихъ. На пр. 5 --- 3 == 2 или Геометрическое (Geometrica), когда разсуждается о томъ, какая часть будеть меньшее количество большаго. На пр. 6 кв 3, отношеніе показываеть, что меньшое кочичество въ большомъ содержится дважды, или есть половинная онаго часть.

прибавленіе т.

S. 80. Чего ради содержаніе Арномешическое, чли разность (differenția), находится чрезъвычитаніе (S. 50.), а Геометрическое чрезъ авленіе (S. 63.)
ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

S. 81. И знакъзычищанія, или линъечна, для означенія Ариометическаго содержанія, а знакъ дъленія, или досеточіє, для означенія Геометрическаго содержанія, правильно упоипребляется.

примвчание.

\$. 82. Кромъ Ариомешическаго и Геомешрическаго содержантя, упоминается также нъкакое Гармоническое (Нагтопіса), когда въ трехъ числахъ два крайнія имъють такоежь теометрическое содержаніе; какое находится между разностьми перваго и средняго, средняго и послёдняго. На пр. 6. 4. 3. габ б: 3 содержится такь какь 6 — 4—2 кь 4—3—1. Называется Гармоническое содержаніе по тому, понеже числа онаго по большей части имѣють такія пропорціи, на которыхь утвержаются согласія музыки. Пространніе о семь упоминаеть Клавій кь Эвклид. кн. 5. стран. 392. и слёд.

опредъдение XXVII.

§. 83. ВЪ содержании ГеометрическомЪ то число, которое показываетъ, какая часть есть меньтее число большаго, называется именемъ содержанія (nomen rationis), энаменателемъ (denominator), также указателемъ содержанія (exponens rationis).

ONPEATAENTE XXVIII

\$. 84. Подобныя содержанія (rationes fimiles) суть, которыя имъють одинакого знаменателя (\$., 8.). Содержанія неподобныя (rationes diffimiles) суть, которыя имъють не одинакаго знаменателя. Предындущіежь и последующіе члены подобных содержаній, называются количества одинаковыя (quanta homologa). На пр. 2: 4 и 3: 6 суть подобныя содержанія, коихь два предыидущіе члена 2: 3 и два по следующіе 4: 6 суть одинаковые. Ибо къ обоимь равномърно относится пропорціональное число.

ONPEABAEHIE XXIX.

\$. 85. Содержание многоинсленное (ratio mulatiplex) есть, когда меньшое количество нёсколько разб содержится в большом в, и особливо называется двойное (dupla), ежели дважды; тройное (tripla), ежели трижды; истверное (quadrupla), ежели четырежды меньшое число содержится в большом в, и проч.

опред вление XXX.

S. 86. Содержание сложенное ирезь умножение (ratio composita per multiplicationem), или умножен. ное (multiplicata) есть, которое состоить изв одного тогожь содержанія, нёсколько разв взятаго, или умноженнаго; или которое производится из умноженія подобных в пропорціональных в чисель, и называется з двоенное (duplicata), когда предбидущіе и последующие члены двухъ подобныхъ содержаний умножаются между собою; утроенное (triplicata), когда умножающся три подобныя содержанія; учетверенное (quadruplicata), когда умножаются четыре подобныя пропорціональныя числа. На пр. пусть будуть двъ подобныя пары пропорціональных в чисель 2; 4 = 2: 4: то произведенія 2. 2 и 4. 4 производять удвоенное содержание перваго 4: 16; естьми жЪ будушь три пары подобных в содержаній 2: 4 = 2: 4 = 2: 4, и произведение трехъ предвидущихъ членовь 2. 2. 2 = 8 сравнится съ произведениемъ трехъ послѣдующих В 4. 4. 4 = 64: то произойдет в утроенное содержание перваго 8: 64.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

§. 87. Происходить наиже сложенное содержаніе, ежели знаменанели полобных содержаній будуть утножены между собою, и авлается удвоенное, ежели два знаменателя; учстверенное, ежели чстыре знаменателя взаимно умножатся между собою. Чего ради Эзилидь опред. 10. кн. 5. принявь три непрерывно пропорціональныя числа, 2. 4. 8, содержаніе перьваго къ третьему 2: 8, назваль удвоеннымъ содержаніемъ перваго къ второму, и принавъ четыре непрерызно пропорціональныя числа 2. 4. 8. 16, содержаніе перваго къ четвертому 2: 16, назваль утроеннымъ содержаніемъ перваго къ второму 2: 4.

опредъление ХХХІ.

§. 88. Содержаніе большей неравности (ratio maioris inaequalitatis) есть, когда большое количество относиться къ меньшому. На пр. 8: 4 есть

содержаніе двойное. Содержаніе меньшей неравности (ratio minoris inaequalitatis) есть, когда меньшое количество относится къ большому, для означенія котораго ставится предъ именемъ содержанія предлогь подъ (sub). На пр. 4: 8 называется содержаніе поддвойное, или половинное (subdupla); 2: 6 подтройное, или третное (subtripla); также 2: 4 и 4: 16 подъудвоенное (subduplicata).

опредъление ХХХИ.

- 89. Содержание суперпартикулярное (ratio Superparticularis) есть, когда большое количество содержить вы себь меньшое однажды, и сверых того одну его насколькую часть, для означенія кошораго употребляенся слово полу (fequi), придавъ къ тому знаменованіе изобилующей частицы. На пр. 3: 2 будеть содержание полуторное (ratio sesquialtera); понеже лишекъ есть половинная часть меньшаго количества. И обратно, содержание меньшой неравности означится когда предъ онымъ поставится предлогь подъ (fub). На пр. 2: 3, будеть содержание подполуторное (ratio subsesquialtera). Кромъжъ того, когда данныя количества будуть имъть многочисленное содержание, тогда напереди оных в ставится имя многочисленнаго содержа нія На пр. 5: 2, будеть содержаніе двойное полуторное (dupla sesquialtera); 7: 3 двойное полутретное (dupla sesquitertia); а чтобъ и содержание меньшей неравности означить: то напереди также ставится предлогъ подъ (sub). На пр. 3: 7 будетъ содержаніе поддвойное подполутретное (fubdupla subsesquitertia). опредъление ХХХИИ,
- §. 93. Содержание суперпарцієнь (ratio superpartiens) есть, когда большое количество содержить вы себь меньшое однажды, и сверькы того многія нісколькія его части, кои всё вмість взятыя, не составляють одной нісколькой части; и такое содержаніе

жаніе въ особливости означается принятымь за нарвчіе именемь превышающихь частей, и ординальнымь меньшаго члена. На пр. 5: 3 будеть содержание суперпарціенсь дев трети (superbipartiens terrias); 8: 5, суперпарціенсь три пятых доли (fupertripartiens quintas). Содержание субсуперпарціснов (ratio subsuperpartiens) есть, когда меньшое количество относишся къ большему. На пр. 3: 5 будеть содержание субсуперпарціенсь двв трети (ratio subsuperbipartiens tertias). Наконецъ содержание многочисленное суnepnapuiencb (ratio multiplex fuperpartiens) ecmb. когда большое количество содержить съ себъ меньшое нъсколько разъ, и сверькъ того многія нъсколькія его части, кои, взяты будучи вмість, не составляють одной нёсколькой части. На пр. 8: 3 будеть содержание двойное суперпарциенсь двъ трети (ratio dupla supebipartiens tertias), и обратно 3: 8: будеть содержание половинное субсуперпарціенсь двв mpemu (ratio subdupla subsuperbipartiens terrias). ПРИБАВЛЕНІЕ.

S. 91. Сообщено было въ определени, чио превышающія части, вмъстъ взятыя, не должны составлять одну нъсколькую часть меньшаго числа. Ибо, естьли оныя будуть содержать въ себъ одну такую часть, въ такомъ случав содержание аблениемъ ея приволится, и бываетъ суперпартикулярное. На пр. содержание 9: 6 не есть суперпарціенсь три шестыя доли; но, понеже лишень з есть ньснольная часть меньшаго ксличества, можно разделить оба числа, какъ большое такъ именьшое на сей лишенъ, понсже большое число содержить вы себъ меньшое и разность (\$. 52), и раздъливъ, произойдетъ содержание 3: 2, нотсрое равняется первому, канъ напоследокъ (§ 120) сказано булеть; отнуда происходить содержание суперпартинулярное полуторное. Изъ чего явствуеть, что числа, имътщія сбщаго делишеля, помощію сего, сперыва надлежить приводить въ простъйшія формулы, а поучиненіи того, давашь имя содержанію.

примвчанів.

§. 92. Но хошя содержаніе и можеть означаться числами; однако, понеже сій техническія слова, для яснъйшаго означенія весьма приличныя, въ частомь употребленій находятся у художникові; того ради и забла-

торазсуждено избаснить оныя на семь мъсть. Пространнъе избасняеть раздълента пропорити Клант вы Комминто къ Эвилило ки. V. опред. 4. стран. 354. и сабд. см. притомь Барров. лекц. Матем. стран. 331.

OTPEABAEHIE XXXIV.

S. 03 Поогрессія (Progressio) есть порядовъ многих подобных содержаній. Есть или Арнометическая (arithmetica), въ которой всъ числа имьють одинакую разность, на пр. 3. 5. 7. 9. и проч. или Теометрическая (geometrica), въ которой всв числа имбють оданакаго знаменателя, или указателя. Такая прогрессія называется также пропорцією Геометрическою (Proportio geometrica); или Аналогіею (Analogia), на пр. 2. 4. 8. 16. и пр. Какъ та, такъ и другая, т. е. какъ Ариометическая, такъ и Теометрическая, есть, или непрерывная (соптіпца), или раздельная (discreta). Непрерывною называется. когда между каждыми двумя числами, въ порядкъ другь за другомь савдующими, находится одинакая разность, или одинакой знеменатель, какой примъры уже предложены Раздъльноюжь называется. когда однъ только пары пропорціональных в чисель имбють подобную разность, или одинакаго знаменателя. На пр. будеть прогрессія Ариометическая раздвльная, 2. 5 = 4. 7. Ибо между средними числами 5 и 4 есть неодинакая разность. Пропорціяжъ Теометрическая раздвавная есть 2: 4 = 3: 6, въ которой также среднія числа 4 и 3 им вють неодинакое содержание.

TPUBABAEHIE 1.

5. 94. ВВ прогрессія Ариомешической непрерывной всянов большее число произходить изь сложеніл разности є бли. жайшимь меньшимь.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 95 Всикое большее число шакой прогресии состоить изъ самато меньшаго и разности сполько разь взатой, снолько есть всъхъ ихъ въ порядиъ, считая отъ меньшаго безъ единицы. На пр. въ прогрессии 3. 5. 7. 9. третие число состоитъ изъ двухъ разности.

етей 2 † 2, изъ перваго 3; четвертоежь число содержить въ се: в три разности и первое.

прибавление з.

\$. 96. Для означенія подобія содержанія чеся В Ариометической прогрессіи, между каждыми друзя их в парами, по причинть равенства разности пишется знать равенства; а само содержаніе Аркометическое означаєтся линтечною, такъ нанъ знаком вычитанія, между числами поставленным В. На пр. 5— 3 — 9— 7.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

5. 97. ВЪ паной прогрессіи Геоментрической, или пропорціи непрерывной, вЪ ксторой наждый послълующій членъ въ газсужленіи своего предъидущаго въ одинакомъ содержаніи становиться больше, всякое послъдующее число происходить изъ умноженія прелъилущаго на знаменателя содержанія.

привавление 5.

\$. 58. Чего ряди второе число ееть произведение изъ перваго на знаменателя ссдержанія; третіе число есть произведение изъ перваго на знаменателя содержанія дважды въ умноженіе принятаго; четвертое число есть также произведеніе изъ перваго на знаменателя содержанія, трижды въ умноженіе принятаго, и такъ далъе.

прибавление б.

5. 99. Понеже полобныя содержаніх ымкють одинаной знаменашель (\$. 84.); то о ради между наждыми двуми парами полобных в пропорціональных в чисель правильно ставится знакъ равенства, и пропорція четырех в пропорціональных в чисель пишется такум'я образом'я: 2: 4 = 3': 6.

примъчание,

§. 100. Послъ показантя въ наукъ о содержанти главнъйшихъ опредъленти и первыхъ истиит, кои явствують изъ оныхъ, слъдуеть изъ спить главнъйштя объихъ содержанти свойства, кои весьма употребнтельны во всей Машематикъ.

TEOPEMA V.

б. 101. Въ Аривметической прогрессии состоящей изъ четырехъ членовъ, сумма крайнихъ членовъ равна суммъ среднихъ.

доказательство.

Пложимь, что последующие члены больше предвидущихь. Понеже четвертое число произходить изъсложения разности съ третьимь числомь (§. 94.): то-

го ради сумма перваго и четвертаго содержить въ себъ первое число, третіе и разность, такъ какъ части: но второе содержить въ себъ первое и разность (\$ 94.). Й потому, приложивь его къ третіему, произходить изъ того такая сумма, которая имбеть тъ же части, какія и сумма крайнихъ. Слъдовательно объ суммы, поколику состоять изъ равныхъ частей, равны между собою (\$. 29.).

привавление 1.

б. 102. Чего ради служить сіе предложеніе въ обоихъ случаяхъ, т. е. котя четыре оныя чесла будуть состоять въ непрерывной, котя въ раздъльной прогрессіи. Ибо въ дочазательствъ разсуждаемо было только опроизхожденія втораго и послъдняго числа.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

 103. Ежели въ непрерывной прогрессіи дано будетъ равноразнетвующих в членов в число равное и больше, нежели четыре; то и въ такомъ случат, сумма врайнихъ равняется сумый средних в, от в крайник в в равном в разстояния находящихся. Ибо и въ разсуждени сихъ чисель паноежъ употребляется доназательство, и поназывается то, что суммы, такимъ образомъ произшелшія, составляются изъ од намих в частей. Пусшь будуть шесть членовь з. с. 7.9. 11 13: то шестой члень содержить въ себъ пять разъ разность и перв й чень (§. 94.): и придавь нь тому первой члень, сумма будеть имьть дважды первой члень. и пять разностей. Также сложи второй члень ев пятымь. Понеже вшорой членъ содержишь въ себъ однажды и разносны и первой члень (б. 95.); шого ради сумма втораго и пятаго состоить изъ перваго, дважды взятаго, разности, пять разъ кънимъ приданной. Что самое разнымъ образемъ справеданво и въ разсуждени суммы препьяго и четверта-TO.

прибавление 3.

5. 104. Ежели даны будуть три только разноразнетвующів числа, то сумма перваго и третьяго равняется среднему, вльое взятому. Ибото же локазательство, которое выше сего предложено, и здъсь употребить можно. Понеже второй члень содержить высебы однажды разность и первой члень (§. 95); оны же, будучи взятой дважды, содержить высебы дважды разность и дважды первой члень; но третей члень содержить вы себы дважды разность и первой члень. И естьми наконець придань будеть кы нему первой члень; но придань будеть кы нему первой члень; но приобъльной члень.

деть изв того подобная сумма, содержащая вы себь дважды первой члены и дважды разность.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

5. гос. И всобще, когда число скольних в нибудь количеств в Ариометически пропорціональных в будет в неровное, сумма крайних в и средних в членов в в равном в разстояній от в ирайних в заходящихся равняєтся среднему, вдесе взятому. Пусть будут в пять чисель, то сумма перваго и пятаго состоит в из перваго, лважды взятаго, и из четырех в разностей: но третіе число, так в как в среднее, солержить в себъ лважды разность и первой члень, и потому оное число, взятое вдвое, содержить в себъ дважды первой члень и четырижды разность.

3AAAYA X.

S. 106, Къ даннымъ тремъ инсламъ Арнометически пропорціональнымъ найти четвертов инсло.

РВШЕНІЕ.

Сложи два послъднія, и изъ суммы ихъ вычти первой члень, остатокь будеть искомое четвертое число. Справедливость сего явствуеть изъ предвидущей теоремы (\$. 101.).

ЗАДАЧА ХІ.

§. 107. КВ данным двум в крайним инсламь пропорцін Арнометинеской неорерывной нов трехвиленовь стоящей, то есть, кв первому и посльщему найти среднее инсло.

РБШЕНІЕ.

Возьми половину изъ суммы крайнихъ чиселъ; оная покажетъ искомое среднее число (§. 104.).

ЗАДЛЧА ХІІ.

§. 108. Данъ первой членъ и разность найти какое нибудь число прогрессіи Арнотетической.

РЪШЕНІЕ.

Умножь разность на данное число членовъ безъ единицы, къ произведенію придай первой членъ, сумма будеть искомое число (§. 95.).

§. 109.

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

5. 109. Когдаже даны будуть самый меньшій члень, самый большій и разность: то число членовь найдется, естьли изъ самаго большаго вычтеть самый меньшій и остатокъ раздъливь на разность, къ частному числу приложищь единицу.

прибавление 2.

§ 110. Естьлиже, кромъ большаго и меньшаго члена, вмъсто разности, дано будетъ число членовъ; то разность найдется, когда изъ большаго вычтешь самый меньшій и остатокъ раздълишь на число членовъ безъ единицы.

3AAAYA XIII.

§. 111. Сложить вы одну сумму числа, состоящія вы порядкь Аривметически пропорціональныхы чисель.

Р В Ш Е Н І Е.

Понеже суммы крайних и средних и членов равны между собою (§. 103.), и шаких суммь во всяком порядк может сложено бышь столько о сколько половинное число количеств позволясть: того ради сумму перваго и послъдняго умножь на половину числа членов всей прогрессии, или, что все равно, сумму крайних умножив на все число членов в, произведение раздъли на 2; найденное шаким образом число будет сумма всъх членов.

привавление.

5. 112. Естьлиже дана будеть сумма всёхъ членовъ, число членовъ, и разность, и требуется найти или самый больтый, или самый меньтій членъ; то въ такомъ случав:

1.) сумму всёхъ членовъ раздъли на половину числа членовъ.

2.) Поелику частное число будеть сумма крайнихъ, въ которой находится два раза самый меньтій членъ и разность умножанная на число членовъ безъ единицы: того ради вычетим разность умноженную на число членовъ безъ единицы изъ онаго частнаго числа, и остатовъ безъ единицы изъ онаго частнаго числа, и остатовъ раздъливъ на 2. получить меньтій членъ; къ которому естьли приложить оплть разность взятую столь ко разъ, сколько есть всёхъ членовъ безъ одного, то произойдетъ самый большій членъ.

F 3

TEOPEMA VI.

§. 113. Вы прогодии Геометрической непрерывной, или раздыльной, состоящей изы четырехы чисель, произведение крайныхы членовь, то есть перваго и втораго, разняется произведению среднихы, то есть втораго и третьяго.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Подобные, или одинасіе множишели производять одинакія произведенія (5. 58.). Но вь умножени крайнихь и среднихь пропорціональныхь чисель находятся одинакіе множители. Ибо твертой члень произходить изв умноженія знаменателя на третій члень (S. 97.), и потому произведение изъ перваго и четвертаго произошло изъ множителей, перваго, третьяго члена и знаменателя, между собою умноженных . И понеже рой члень Произходить изв умноженія перваго на знаменателя содержанія (\$. 97): то, естьли трешій члень умножишся на віпорой, произведеніе изв того будеть имвть множителей подобных первымв. то есть первой члень, знаменапеля содержанія и третей члень. Сльдовательно оба произведенія крайних и средних в равны между собою. Но понеже въ семь доказательствь отношение втораго къ третьему не принимается въ разсуждение: то явствуеть, что сіе свойство есть общее какв непрерывной, такв и раздъльной пропорціи. На пр. 2: 4 = 8: слъдоващельно 2. 16 = 4. 8 = 32; или, въ раз-дъльной пропорціи 2: 4 = 3: б. есть 2. 6 = 4. 3 = 12.

прибавление т.

\$. 114- Ексли булушь даны шри шолько пропорціональныя числа: по среднее число отно ится нь обоимь крайнимь, и имъеть дволкое отношеніе, чь первому и шретьему; чего ради ото за дважды данаое принято быть можеть, и посла произведеніе крайнихь равнается произведенію средняго, самаго

самаго на себя умноженнаго, по есть, врадрату онаго (S. 151.). На пр. 2. 4. 8, или, 2: 4 — 4: 8, и шакъ 2. 8 — 4. 4 — 46.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 11. Но естьи въ нанихъ набуль четыре ъ числахъпроиз ведение крайнихъ равняется произведению среднихъ: то ть числа суть Геометрически пропорціональныя; понеже пропорціональныя полько количества инфоть сте свойство. Чего ради, естьи среднія числа перемъщающея, и третій членъ на мъсто втораго, а второй на мъсто третьяго поставнися; то, понеже произведеніе ихъ тоже булеть, Сльдуеть, что въ четырехъ пропорціональныхъ чисель, танже переложениюе, или перемъщанное содержаніе (alternata, vel регтица гатіо) первого къ третьему, и втораго къ четвертому имъсть мъсто на пр. въ пропорціи 2: 4 — 6: 12. имъсть мъсто слъдующее переложеніе среднихъ, или перемъщанное содержаніе 2: 6 — 4: 12.

прибавление 3.

- 5. 116. 1. Сверьх В того, ежели два пропорціональныя числа на кой пропорціи, то есть, предвидущій и последующій члены сложатся в волну сумму, и будуть ср вневы св предвидущим в, или св последующим в, тогда бывает в проприй сложенная чрез сложеніе (addendo composta); понолину в в оно произведенія врайних в и средних в будуть также равныя. На пр. 2: 4 = 6: 12- будет сложенная пропорція 2 4: 2 = 6 + 12: 6; также 2: 2 + 4 = 6: 6 + 12, и 2 4: 4 = 6 + 12: 12, вли, 6: 4 = 18: 12, в в нопорой б. 12 = 4: 13 = 72.
- 2. Также, ежели два предвидущие и два посльдующие члена будуть сложены вы одну сумму; явствуеть, что и сін суммы имъють такоежь солержаніе, какое было между предымущимь и посльдующимь; поколику произвеленіе крайнихь и среднихь то же вы содить. Равномърно, ежел и множайщихь подобныхь содержаній предвидующіе и посльдующе члены сложатся вь одну сумму, произходять изы того такія суммы, которыя солержатся между собою такь, какь которой небудь предвидущій члень кь своему посльдующему. И напротивь естьли предвидущій члень будеть вычтень изы предвидущаго и посльдующій изы посльдующаго, остатки ихь имьють первое солержаніе. Тоже самое справелливо и вы разсужденій вычатанія по сльдующихь членствь изы предвидущихь; т. е. что разности ихь содержатся такь какь предвидущіе или посльдующіе члены, и черезь члень.

прибавление 4.

\$. 117. Наконецъ, естьми порядскъ непрерывно пр порціональныхъ чиселъ продолжится далъе, разнымъ образомъ, канъ и въ предъидущей теоремъ, поназать можно, что произведение крайнахъ разняется произведению среднихъ, въ равномъ разстояния отъ прайнихъ находящихся, или,

1 4

ивадрату, средняго, ежели число членовъ будеть неровн. е. пусть будеть дано пять членовъ 2. 4. 8. 16. 32. Пя. той членъ произошель изв четырежлы взятаго знаменателя на перьой члень (6. 98.). Следовашельно, умноживь его опять на первой члень, произведение булешь имъть м ножи шелей, четыре знаменателя и два порвые члена. Четвертой произходишь из прижды взятаго знаменателя на пергод члень, а второй есть проязведение изъ перваго и знаменателя содержания (§ 98): чего ради произведение втораго и четвершаго, шакв на в среднехв членовь, имбешь шакже множителей, ченыре раза знаменателя, и дважды первой члень и сіе произведеніе равно первому (б. 58.); и претій членъ, произшедшій из дважды взятаго знаменаталя на первой естьли умножится самъ на себя, произведение будеть имъщь множителей, четыре знаменателя и два первые члена, и потому оно точно разняется первымъ произеденіямъ.

3AAAHA XIV.

§. 118. Кв даннымь тремь первымь пропорціональнымь числамь найти четвертов число.

PBHEHIE.

Два послъднія числа умножь между собою, произведеніе раздъли на первой члень, частное число покажеть искомое четвертое число.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

понеже два последнія числа, состоящія между первыме и искомыме четвертыме, суть среднія, комих произведеніе равняется произведенію изе первато на четвертое (\$. 113.); и понеже чрезе раздеменіе находится частное число, которое, будучи умножено на делителя, производите делимов (\$. 66.); того ради следуеть, что оное частное число есть искомое четвертое пропорціональное число есть искомое четвертое пропорціональное число.

привавление 1.

\$. 119. Обрашно, въ даннымъ шремъ послъднимъ пропорціональнымъ числамъ находишся первое, естьли два данныя первыя числа, которыя въ такомъ случат почитающея за среднія между трешвимъ и искомымъ первымъ, будутъ умножены взаимно между собою, и произведение раздълищса на третіе число.

примъчание.

\$. 120. Сін два правила, помощію которых в изв трежь пропорціональных вчисель находится четвертое, или первое число, для великой пользы золотыми, также тройными правилами называются. И первое извоных в, когда изв трежь данных первых в чисель находится четвертое, прямым (Directa); а другое, когда изв трежь данных послёдних чисель, ваходится первое возвратительным или обратным (Reciptoca, vel inverfa) называется, о употребленіи которых при ратеній разных задачь, ниже сего вь особливой главь изваснено будеть пространных.

привавление 2,

\$ 121. Когда даны два крайнія числа, и пербуется нействерельнее число: то въ такомъ слечав произведеніе крайнихъ должно раздълить такимъ образомъ, чтобъ произот о изъ того таксе число, которое бы, будучи умножено само на себя, разнялось произведенію крайнихъ. Но длясей прантини надлежить знать извлеченіе изалуатнаго радикса, о чемъ ниже сего глав. V. сназано будетъ.

TEOPEMA VII.

§. 122. Произведенія пропорціональных в чисель, на одно и тоже число умноженных в, имьють такоежь садержаніе, какое первыя данныя числа.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Пусть будуть множимыя пропорціональныя числа 3: 6. Когда множитель 4 умножител на первое число 3, то будеть единица въ множителю 4 содержаться, такъ какъ множимое число 3 въ произведенію 12: равнымъ образомъ, когда множитель 4 умножител на другое число 6, то единица въ множителю 4 будеть содержаться, такъ какъ множимое число 6 въ произведенію 24 (§. 57.). Но содержаніе единицы въ одному томужъ множителю всегда себъ

I 5

подобно, или равно: слѣдовашевльно и прочія содержанія 3: 12 и б: 24 будуть подобны (§. 24.). И какь извѣсшно, что вь подобныхь содержаніяхь можно употребить преложеніе членовь (§. 115.): то будеть 3: б = 12: 24, т. е. произведенія пропорціональныхь чисель, на одинакое, число умноженныхь, имъють такоежь содержаніе, какое первыя данныя числа.

TEOPEMA VIII.

§. 123. Частныя числа пропорціональныхь чисель, на одно и тоже число раздьленныхь, имъють одинакое содержаніе сь первыми данными числами.

AOKAЗАТЕЛЬСТВО.

Пусть будуть двлимыя пропорціональныя числа 12. 24 на одно тоже число 4: то вь обоихь случаяхь единица кь двлителю содержится, такь какь частное число кь двлитому (§. 64.), изь чето произходять следующія пропорціи:

1: 4 = 3: 121: 4 = 6: 24

И понеже еденица къ одному томужъ дълителю имъетъ всегда одинакое содержание, то будетъ (§. 24.) 3: 12 = 6: 24, или чрезъ членъ (§. 115.)

3:6 = 12:24. Ч. н. д.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

§. 124. Савдовательно естьми въ пропорціи геометрической копораго нибудь содержанія члены булуть умножены, или раздълены на какое нибудь третіе число: то произведенія, или частныя числа будуть между собою содержаться такъ, какъ другаго содержанія члены. (§. 24.). Тоже самое разумъть должно какъ о предъидущихъ, такъ и о послъдующихъ членахъ содержанія.

TEO.

TEOPEMA IX.

§. 125. ВЪ прогрессіи Геометрической не прерывной знаменатель безЪ единицы содержится кЪ единицѣ такЪ, какЪ разность крайныхЪ членовЪ кЪ суммѣ всѣхЪ членовЪ безЪ самаго большаго.

доказательство.

Пусть будеть прогрессія: 162, 54, 18, 6, 2; то, поелику 162: 54 = 54: 18 = 18: 6 = 6: 2, (§. 93.) будеть также 162 - 54: 51 = 54 — 18: 18 = 18 - 6: 6 = 6 - 2: 2, и 162 - 54 - 54 - 18 + 18 - 6 + 6 - 2; 3, т. е. 162 - 2: 3, 4 +

Но 6: 2 = 3: 1, т. е. предпослёдній члень вы послёднему сооержится такы, какы знаменатель кы единиць (§. 63. 80. 83.) и потому 6 — 2: 2 = 3 — 1: 1 (§. 116. слёдовательно 162 — 2: 54 — 18 — 6 — 2 = 3 — 1: 1. §. 25.). Ч. н. д.

ЗАДАЧА ХУ.

§. 126. Найти сумму всёхд иленовь прогрессіи Геометрической непрерывной; когда будуть даны самый большій илень, самый меньшій и энаменатель. Р В Ш Е Н I Е.

Самый менешій члень вычти изь самаго большаго и потомь кь знаменателю безь единицы кь единиць и кь найденной разности приискавь четвертое пронорціональное число (\$. 118), приложи кь оному самый большій члень; произмедшее изь того число будеть сумма всьхь членовь.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

§. 126. Естлиже даны самый большій членЪ, самый менъшій сумма всёхЪ членовЪ, и пребуется найти знаменателя; то въ такомъ случат къ суммъ всёхъ членовъ безсамаго большаго, къ разности крайнихъ и къ единицъ приприискавъ четвертое пропорціональное число (б. 118.), придай единицу найденное число будетъ искомой знаменатель.

ПРИМЪЧАНІЕ.

5. 128. Не мнотія предложенія, о которых в теперь предложено из ванполізнейшей главы о пропорціях вопервых в достойны примічанія, понеже на них утверждаются и прочія сего рода истинны ; большежь о том ниже сего, помощію всеобщей Арнометики, в Аналитической наукі пристойнів и короче доказано будеть.

ГЛАВА ЧЕТВЕРТАЯ.

О ломаных в числах в. опред вление XXXV.

увато, или единицы представляющей нвкое цвлое, состоящее изв известнаго числа частей. На пр. ежели цвлое имбетв пять частей, и изв оныхв взята будетв одна часть, или больте: то число, означающее оную часть, называется ломанымв, также дробью (Fractio). Но правильные бы называлось илетью, или долею цвлаго (Pars integri).

опредъление XXXVI.

— §. 130. Дробь изображается двумя числами, отделенными между собою линею, из которых верьхнее опредвляеть самую часть целаго, и называется инслитель (Numerator); а нижнее означаеть всв части целаго, и называется знаменатель (Denominator). На пр. 3 три части целаго, которое имбеть пять частей.

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

§ 131. И шан'в количество дроби состоить вы солержании чисантеля и в энаменателю; и чымы больше единиць знаменателя содержить вы себы числитель, тымы больше дробь бываеть.

привавленив 2.

5. 132. Аля тойже причины, естьли, неперемъняя числителя, увеличить знаменателя чрезь умножение вънъснолько крать то во стольно же крать дробь уменьшится. То есть, ежели уможить знаменателя на 2. то дробь будеть взята половинная; понеже знаменатель эдълавшись вдвое больще, содержить въсебъ и числителя вдвое больше разъ противъ прежняго- Равнымъ образомъ, сжели знаменатель трижды, или четырежды, чрезъ умножение самъ съ собою будеть сложенъ; то произходить изътого третья и четвершая часть дроби. Или, половинная, третья, и проч. часть дроби берется, умножая знаменателя на 2, на 3 и проч.

привавление 3.

 133. Но не перемъняя знаменашеля, ногда части приклады вающея къ числишелю, дробь увеличивается.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

\$. 134. Ежели случится то, что сумма единицъ въ числителъ будетъ больше знаменателя: то такая дробь будетъ больше цълаго, какая обыкновенно называется неправильного (impropria).

прибавление 5.

\$. 135. КогдажЪ числителя и знаменателя умножищь, или раздълишь на одно число, почеже содержание чиселъ не неремъняется (§. 121. 123.): то и дробь не перемъняется, но имъетъ то же точно количество.

опредъление XXXVII.

§. 136. Чистая дробь (Fractio pura), какая до сихъ мъстъ описывана, есть, которая имъстъ чисителя и знаменателя; смъщеннаяжь (Mixta) есть при которой находится цълос. На пр. 23.

опредъление XXXVIII.

§. 137. Приведение дробей (Reductio fractionum) называется всякая такая практика, чрезъ которую видь дробей перемъняется, чтобъ удобнъе можно было разумъть количество и знаменование оныхъ. На пр. ежели большия числа приведены будуть въ меньшия, или знаменатель дроби сравнится съ другимъ извъстнъйшимъ, или изъ разныхъ знаменателей произведенъ будеть одинъ общий.

опредъление хххіх.

§. 138. Самая большая общая мёра дроби (communis mensura maxima fractionis) есть самой большой дълитель объихъ чисель, помощію котораго

оныя числа приводящся вЪ самыя меньшія, имъющія сЪ первыми равное содержаніе.

3 A A A Y A XV.

§. 139. Найти самую большую общую мьру двухь инсель дроби.

РБШЕНІЕ.

- Большее число раздёли на меньшее, и меньшее на остановъ.
- 2. Ежели во второмъ дълени что нибудь еще останется: то предвидущаго дълителя раздъли на сей остатокъ, и такое дъйствие далъе продолжай до тъхъ поръ, пока не дойдеть до такого числа, которое раздъляеть меньте послъднее число безъ остатка Послъдний сей дълитель, которой не оставляеть никакого остатка, будеть самая больтая мъра двухъ чиселъ.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Ибо ежели последній делишель содержишся безв остатка вр остальноми двимоми чески: то онв буденть также мърою и предвидущих в чисель, то есть большаго и меньшаго числа, которыя разнствують между собою тьмь остаткомь; потому что въ большемъ числъ содержится меньшее съ остаткомь (5. 32.). Что тоть же последній делитель будеть при томь самая большая мъра обоихъ, чисель; то сіе доказываеть Эчклидь твмв, что сему противное есть невозможно. Кн. 7. предл. 2. Тоже самое ивсколькими примърами показать можно. На пр. дана дробь $\frac{16}{72}$, в в которий 72 раздълив в на 16, останется 8; но меньтее число 16, раздыливь на 8, ничего не осшается, и потому число 8, какъ на оное оба числа раздъляются безъ остатка, будеть общая мвра обвихь чисель.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 140. Чего ради, когла булеть дана шакая дробь, коей числишель и знаменашель суть большіх чесла: по оныя чрез раздъленіе на самую большую общую мъру приводящем въ меньшія числа, составляющія дробь равную первой (\$. 135.). Не въ меньшихъ чеслахъ, въ коихъ общія мъры, котя не самыл большія, скоро найти можно, справедливо оставляются тъ обстоятельства, кои наблюдаются при сыскиваніи самой большей мъры.

3 A A A Y A XVI.

§. 141. Привести неправильных дроби въ цълыя инсла, или въ сившенных дроби.

РВШЕНІЕ.

Понеже числишель неправильной дроби есть больше знаменателя (§. 134.): того ради числитель ея дълится на знаменателя, частное число покажеть, сколько разв неправильная дробь содержить вы себы цылое (§. 63.). Естьлижь что сверьхы того останется, то оное, какы дробь, приписывается кы цылому, и производится изы того искомая смытенная дробь. На пр. 13 содержить вы себы 3 и 1.

ПРИБАВЛЕНІЕ і.

5. 142 Обратно, данная смъщенная дробь превращается въ чистую, когда цълыя, находящіяся при лроби, умножаются на знаменателя, къ произведенію придается числитель, и подъ суммой полписывается знаменатель.

прибавленіе 2.

\$. 143. И цъхыя принимають видь чистой дроби, когда подъ оныя, проведши линъю, подписывается единица. На пр. 3, суть три цълыя.

3 A A A Y A XVII.

§. 144, Двь дроби, или вольше, имьющія разныхь энаменателей привести вы равныя имь, имьющія одинакаго энаменателя.

РВШЕНІЕ.

Случай г. Ежели д 1но будеть привести двъ дроби, то знаменатель каждой дроби умножается на числителя и знаменателя другой, такимъ образомъ произойдутъ равныя дроби (§. 135.), имъющія одинакаго знаменателя; понеже нижнія числа, то есть, знаменатели, будучи умножены между собою дважды, неотмънно должны произвести равныя произве-

денія (§. 58.): На пр. $\frac{3}{5}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{9}{15}$ $\frac{10}{3}$. Случай 2. Ежели дано будеть привести больше дробей, то:

- Умножающся всё знаменащами взаимно между собою, произведение изб того будеть общій знаменащемь.
- 2. Сей знаменашель двлишся на знаменашеля каждой дроби, и часшныя числа умножаются на соотвытствующих ислишелей, произведенія изы того покажуть числишелей, кои, будучи поставлены нады общимы знаменашелемы, производять дроби равныя даннымы одинакого знаменованія. На пр. дробей $\frac{4}{7}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{2}{3}$ будеть общей знаменатель 105, коего $\frac{1}{7}$ 15, $\frac{1}{5}$ 21 и $\frac{1}{3}$ 35; чего ради $\frac{4}{7}$ 163 и $\frac{3}{3}$ $\frac{63}{105}$ и $\frac{2}{3}$ $\frac{70}{105}$.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Основанія ръшенія, въ разсужденіи перваго случая, выше сего уже показаны; во второмъ же случаь явствуеть то, что чрезь дъленіе общаго дълителя, иаходятся такія частныя числа, коихъ произведенія на числителей къ общему знаменателю имъють такое же содержаніе, какое первые числители имъли къ своимъ знаменателямъ. Ибо нъсколькую часть, чрезъ дъленіе каждаго знаменателя найденную, беру я столько разъ, сколько едидиниць находится въ числитель. На пр. понеже $\frac{1}{7} = \frac{15}{705}$: то будуть $\frac{4}{7}$ вчетверо больте $\frac{60}{705}$. И потому найденныя такимъ образомъ дроби равны первымъ ($\frac{5}{5}$. 124.), и притомъ имъють одинакаго знаменателя.

привабленіе.

§ 145. Когда дроби имъють одинаких в знаменателей, тогда онь солержатся между собою, как в числители. На пр: 2, 4 имъють содержение 2: 4 половинное.

3 A A A Y A XVIII.

S. 146. Сложить поманыя инсла.

PBHEHIE.

- 1. Ежели данныя ломаныя числа имвють одинакихь знаменателей, то одни только числители, по-колику они означають части цвлаго (§. 130.), складываются, и подъ суммою ихъ подписывается общій знаменатель (§. 133.).
- 2. Ежелижъ данныя ломаныя числа будутъ имѣть разныхъ знаменателей, то оныя сперьва приводятся къ одинакому знаменателю (§. 144), а по томъ уже складываются ихъ числители. На пр. $\frac{2}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{1}{5}$.

ПРИБАВЛЕНТЕ.

§. 147 Когда цълыя съ дробьми, или дроби съ цълыми сняадывающся, шогда произходишъ изъ шого смъщенная дробь, о кошорой выше сего сназано (§. 136- 141.).

3 A A A Y A XX.

S. 148. Вычесть между собою ломаныя числа.

P B W E H I E.

Также приводятся дроби къ одинакому знаменованію (§. 144.), ежели не имъють онаго; по томъ числитель меньшей дроби вычитается изъ числителя большей, и подъ остаткомъ подписывается общій дълитель. На пр. 4 — 3 = 1.

прибавленіЕ.

3A-

3 A A A I A XXII

§ 150. Умножить ломаныя числа на цвлыя, п между собою.

РБШЕНІЕ.

- 1. Данныя цвлыя числа умножаются на числителя дроби (ибо она подлинно есть та часть, которую надлежить складывать сэму съ собою столько разь, сколько единиць находится въ множитель) (§. 130.), и подъ произведениемъ подписывается знаменатель безъ перемъны. На презумноживъ на 5, будетъ произведение 3.
- 2. Въ чистыхъ же дробяхъ умножается числитель на числителя, и знаменатель на знаменателя, и оное произведение за числителя, а сіе за знаменателя произведенной дроби принимается. На про $\frac{2}{5}$ $\frac{2}{4}$ = $\frac{4}{12}$ = $\frac{1}{3}$ (§. 135.).

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Послъдняя часть ръшенія доказывается такимъ образомъ: умноживъ знаменателя, не премъняя числинеля, дробь уменьшается (§. 132.), или берется такая ея часть, какую означаеть содержаніе единицы къмпожителю. На пр. дроби $\frac{2}{3}$ нижнее число 3, будучи умножено на 4, производить $\frac{2}{12}$, или четвертую часть первой дроби. Но ежели и числитель дроби умножится на числителя, то будеть взято столько частей, сколько единиць содержить въ себъ числитель множителя. На пр. $\frac{2}{12}$, будучи умножены на 2, производять въ двое больте $\frac{4}{12}$, и по тому умноженіе сдълано было правильно (§. 57.).

TIPHBABAEHIE.

б. 151. Понеже чрезъ умножение дроби не та же самая дробы складывается сама съ собою нъскольно разъ, но покмо берется такая ся часть, какую означаеть умножающая дробь; по чему и не уливительно, что производится дробы меньше первой. Когдажъ дробы будеть неправильная, содержащая въ себъ цълсе число однажды, или нъсколько разъ, тогда и произведение бываеть больше множимаго.

- 67 -3 A A A 4 A XXII.

S. 152. Раздълить дробь на дробь.

РБШЕНІЕ.

Обороши дробь двлителя, и прошивоположенным верьхній и нижнія числа умножь между собою, произведеніе, въ видъ дроби написанное, будеть представлять частное число. На пр. $\frac{2}{3}$ должно раздвлить на $\frac{2}{6}$, оборошивъ двлителя $\frac{2}{3}$ произведеніе $\frac{1}{6}$ — 2 показываеть, что двлитель содержится въ двлимомъ числъ дважды.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

Чрезъ дъление находится содержание количествъ сколько разъ меньшое содержится въ большомъ (5. 63.), и такое содержание познается, когда числишели дробей, имвющих водинакаго знаменашеля, безь онаго, сравниваются между собою (§. 145.); но ежели дробей, одну изъ нихъ оборошивъ, противоположенныя верьхнія и нижнія числа умножашся между собою: то произходять изв того числишели дробей, имъющихъ одинакаго знаменателя; ибо находятся оные чрезъ умножение числителя одной дроби на знаменателя другой (\$. 144. нум. 1.). И по тому никакого нъть сомнънія, что, оборотивь сперьва дваителя, посав того произведенія противоположенных в чисель покавывающь содержание двухь дробей (§. 80.), или часшное число.

привавленіе т.

\$. 153. Когда надлежить раздълить цьлое число; то, понеже цьлыя, подписавь подьоныя единицу, принимають видь дроби (\$. 143.), ежели дробь дълящая оборошится: то внаменатель ея, на данное цьлое число умноженной, подписавь подъ него числителя, будеть поназывать ча Д 2 стясе

етное число. На пр. 6 должно раздёл. на $\frac{2}{4}$, то $\frac{6}{1}$ $\frac{4}{2}$ $\frac{2}{2}$ $\frac{4}{2}$ $\frac{2}{4}$ 12, то есть половина въ шести цёлыхъ содержится двенатцать разъ.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 154. Также уливлящься не должно, что частное число въ семъ дъленіи произходить больше дълимаго, понеже спрашивается заъсь содержаніе дробей межлу собою, и съ цълыми числами сравненныхъ (§ 80.). Ибо нанъ сноро со держится дробь въ другой дроби однажлы, или нъскольно разъ, частное число должно изображено быть неправильною дробью, ноторая содержитъ въ себъ одно цълое, или больше (§. 134.).

3AAAYA XXIII.

S. 155. Привести всякую дробь въ равную ей другую, коей энаменатель дань.

РЪШЕНІЕ и ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже тв дроби равны между собою, коихв числители къ своимъ знаменателямъ имъютъ подобное содержаніе (§. 131.); то когда числитель и знаменатель одной дроби, и следовательно ихв содержаніе между собою извъсшно: для даннаго знаменашеля найдешся соотвътствующій въ подобномъ содержаніи числитель по задачь вь в. 118. предложеной. Ибо служить здёсь слёдующая пропорція: какЪ знаменашель данной дроби кЪ своему числителю, такъ данной знаменатель содержится къ соотвътствующему своему числителю. Чего ради данной знамена шель умножается на числителя дроби, а произведение изъ того дълится на знаменателя ея, и такимъ бразомъ находится частное число, показывающее числителя, которой надлежить поставить надь знаменателемь. На пр. требуется найти дроби 2, равную, коей знаменатель уже данъ 24: то разполагающся члены такимы образомы:

> 3: 2 = 24: 16 савдоваш. $\frac{2}{3}$ = $\frac{16}{24}$.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 166. Чего ради помещію сего способа всякая малая пробь, коей знаменашель изображаеть цёлое, на необыкновенныя части разлітленное, можеть сравнена быть съ частью такого ціляю, коего раздітленіе вообще принято другое. На преежели даны булуть 4 фунт. ноторой раздітлятся на 12 унц. то по предъидущему правилу булеть 12 4 — 48, и 48:15 — 3 3 или 3 — 5, унц. показывають знаменованіе дроби.

ПРИМЪЧАНІЕ.

\$. 157. Нѣтъ нужды изъяснять въ особенности о дробяхь дробей, потому что, умноживъ ломяныя числа взаимно между собою, произходять изъ того простыя дроби, о которых разовано изъяснено. На пр. ежели должно будеть взять $\frac{2}{8}$ изъ $\frac{4}{8}$: то произведене $\frac{2}{8}$, или показываеть искомую частицу, то есть, $\frac{1}{8}$ есть третья часть половины.

ГЛАВА ПЯТАЯ.

0

ИЗВЛЕЧЕНІИ КВАДРАТНЫХЪ И КУБИЧЕСКИХЪ РАДИКСОВЪ.

ОПРЕДВЛЕНІЕ XL.

§. 158 Кеалратное инсло (numerus quadratus) есть, которое произходить изь умноженія всякаго числа самого на себя, Радиксь (radix) квадратной есть самое то число, которое, будучи умножено само на себя, производить квадрать. Квадраты девяти единиць представляеть слъдующая таблица:

ради Ксы	1	2	3	4	1 61	6	17	181	9
квадрашы	1	4	9	16	25	36	49	641	81

TEOPEMA X.

§. 159. Квадраты имъюмъ удвоеннос содержание своихъ радиксовъ.

40-

AOKASATEABCTBO.

Понеже квадрашы произходять изъ умноженія чисель самихь на себя; того ради, ежели два пропорціональныя числа 2:4 взяты будуть вмъсто радиксовь, явствуеть, что въ пропорціи изъ такихъ пропорціональныхь чисель, дважды поставленныхь, состоящей 2:4 — 2:4 для произведенія квадратовь, умножаются между собою два предвидущія и два послъдующія числа, и произтедшія изъ того два произведенія имъють удвоенное содержаніе предвидущаго къ послъдующему (\$ 87.); слъдовательно квадраты имъють удвоенное содержаніе своихь радиксовь.

опредъление XLI.

\$. 160. Извлечение квадратнаго радикса (extractio radicis quadratae) есть способъ находить квадратной радиксъ изъ даннаго квадратнаго числа.

3 A A A Y A XXIV.

- §. 161. Извлень квадратной радиксь изъ даннаго числа. Р Б Ш Е Н I Е.
- Раздѣли данное число на классы, начиная ошъ правой руки, и для каждаго класса опредѣли по два знака,
- 2. Изв последняго класса, кв левой рукв, вычти квадрать равной, или, естли того зделать не можно, ближайще меньшей (§. 158.), остатокв подпиши подв левымв классомв, а радиксв поставь за линвею вмвсто частнаго числа.
- 3. Къ осшатку снести слъдующій классь, удвой найденной радиксь, и удвоенной такь, какь новаго дълителя, напити подъ лъвымъ знакомь слъдующаго класса, и ежели удвоенной радиксь будеть состоять изъ многихъ знаковъ; то прочіе его знаки ставь къ лъвой рукъ подъ оставщимися послъ вычитанія знаками.

- 4. По томь смотри, сколько разъ новой дълитель содержится, въ соотвътствующихъ ему знакахъ, и ча-стное число поставь подлъ перваго, написавъ также оное же и на порожнемъ мъстъ подъ снесеннымъ классомъ, т. е. подъ правымъ его знакомъ.
- 5. Произведение сего дълителя на новое частное число вычши изъ дълимаго числа, и осшатокъ, ежели какой будетъ, замъть подъ линъею.
- б. Показанное двиствіе (нум. 3. 4. 5) повторяй столько разб, сколько классовь рвтимаго числа сверьхв того остается, и рвтеніе, или извлеченіе, продолжай до твхв порв, пока не будетв кончено.
- 7. Ежели по окончаніи сего дёленія что нибудь останется от рёшимаго числа, то хотя и никогда не можно найти совертеннаго его радикса; однако могуть еще найдены быть десятичныя дроби, помощію которыхь можно ближайте подойти къ истинному радиксу. То есть, придаются къ оставтемуся числу, одинъ классь, два класса, или больте, имъющіе по два нуля, и продолжается показанная практика извлеченія. Ибо по приложеніи одного класса нулей, находятся остаточныя десятыя части, помощію жъ другаго класса нулей дёлаются извёстными сотыя части, и такъ далёе тысячныя и меньтія оныхъ, ежели угодно, сыскиваются.

ПРИМЪРЪ СЛУЧ. 1.

40/96 (64

квадратъ 36

496

124

496

600

примъръ случ. 2.

примъчаніе.

S. 162. Радинсь такого числа, которое есть не квадратное, называется глухимь (furda), или ирраціональнымь (irrationalis), потому что не можно выговорить и изобразишь его цёлыми числами, или понеже содержаніе его къ единицъ есть не изобразимое и такой радиксь единиць есть несоизмъримой. Между тьмь учить нась Геометрія, накимь образомь ирраціональной радиксь можеть изображень быть линвею. См. ниже (\$. 196. Геом.). Доказательствожь на правила извлеченія квадрашнаго и кубическаго радикса, ниже въ Аналитикъ показано будеть. Между тъмъ справедливесть правиль можешь изьяснена бышь повфрентемь примфровт. То есть, практика за правильно сдъланную почитается тогда, ежели по умножении частнаго числа самаго на себя и по придачь кв произведенію осшатка, єстьли какой находится, произойдеть то количество, изь котораго извлечень быль радиксь.

опредъление хии.

§. 163. Кубическое число (numerus cubicus) есть, которое происходить извумноженія квадрата

на радиксь; и изблиение кубического радикса (extractio radicis cubicae) есшь способь находишь тошь же самой радиксь изъ даннаго куба. Кубы девяти первых единиць суть сабдующіе:

Ī	радик.	1 2	1 5	14	5 6	171	8191
1	кұбы.	i 8	127	164	125/216	34319	12/729

TEOPEMA XI.

§. 164. Кубы имъють утроенное содержание своихъ радиксовъ.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже, взявь два радикса 2; 4 вмвсто пропорціональных в чисель, для произведенія куба должны умножены быть три радикса (\$. 163.); того
ради следуеть, что и вы такомы случаю три
пропорціональные предвидущіе, и три последующіе
равные члены 2: 4 = 2: 4 = 2: 4 производять
кубы. Но произведенія трехь предвидущих и трехь
последующих членовы имьють утроенное содержаніе предвидущаго кы последующему (\$. 86.); следовательно кубы имьють утроенное содержаніе своихь радиксовь.

3 A A A 4 A XXV.

S. 165. Иэвлень кубической радиксь изъ даннаго инсла.

Р Ѣ Ш Е Н І Е.

 Раздёли данное число на классы, начиная от в правой руки такимъ образомъ, чтобы въ каждомъ было по три знака, выключая послёдней от в лёвой руки, въ которомъ можеть быть три, два и одинъ.

2.

- 2. Изъ послъдняго авваго класса вычти кубъ или равной, или ближайте меньшей, которой надлежить взять изъ вышепредложенной таблицы, остатокъ поставь подътъмъ же лъвымъ классомъ, а радиксъ напиши за линъею. Но такая практика въ томъ же примъръ не повторяется.
- з. По шомъ часшное число, или радиксъ возми вшрое и взяшой вшрое умножь на самой радиксъ.
- 4. Подъ правымъ знакомъ снесеннаго къ остатку слъдующаго класса поставь единицу, подъ среднимъ частное число, трижды взятое, а подъ третьимъ напити произведение изъ частнаго числа самого на себя взятаго, и потомъ умноженнаго на три, или новой дълитель.
- 5. Сіи внизу подписанныя числа, имъя вмъсто дълителей, смотри, сколько разъ онъ могутъ вычтены быть изъ верьхнихъ (однако надлежитъ здъсь принимать въ разгужденте слъдующія произведентя, и сумму, изъ оныхъ произойти имъющую), и найденное частное число поставь подлъ перваго за линъею.
- 6. Новое частное число напити также на лѣвой сторонъ противъ произведенія изъ перваго частнаго числа, самого на себя умноженнаго и взятаго трижды; надъ новымъ частнымъ числомъ, противъ трижды взятаго перваго частнаго числа, поставъ квадрать его; наконецъ надъ квадратомъ противъ единицы поставъ кубъ новаго частнаго числа.
- 7. Противоположенныя числа умножь взаимно между собою, и произведенія из втого сложив вычти из внаков ва находящихся над в кубом ва остаток в напищи под в линбею.
- 8. Къ остатку снеси сабдующій классь, что отв правой руки, и подобное дъйствіе продолжай до тъхъ поръ, пока не будеть кончено.

9. Ежели по раздъленіи всёх классов сверько того останется какой остатоть, то оной хотя и показываеть, что данное число есть не кубическое, и точнаго радикса из него извлечь не можно; однако, ежели за благоразсудится, придай ко оному остатку одинь, или больте классовь, имъющих по три нуля, и продолжая по прежнему извлеченіе, найди десятичныя дроби, которыя бы точные опредъляли частное число. На пр.

примъчание.

5. 166. И сей практики дѣлается повѣрка, взявъ кубъ радикса, и приложивъ къ тому остатокъ, ежели какой есть; ибо такимъ образомъ находится то число, изъ котораго дѣлано было извлеченіе.

ГЛАВА ШЕСТАЯ

0

правилахъ практической аривметики.

ONPEABAEHIE XLIII.

§. 167. Правила практической Арнометики (regulac Arithmeticae Practicae) сущь, помощію которыхь, принявь навъ въ помощь науку о пропорціяхъ, ръшатся разныя задачи, которыя случаются, въ разсужденіи сравненія особенныхъ вещей, въ контрактахъ и другихъ случаяхъ.

ПРИМ ВЧАНІЕ.

\$. 168. Сихъ правиль вообще щитается четыре: первое правило пропорцій, второе товарищества, третіе смътенія, четвертое положенія. Но видно будеть изъ сльдующихъ, что три послъднія правила зависять оть перваго, и произходять изъ сложенія и повторенія онаго.

опредБление XLIV.

§. 169. Тройное правило, или золотое (regula trium, sine aurea), о котором выше уже (§. 120.) упомануто, всть, чрез в которое к трем данным пропорціональным числам находится четвертое, тройное правилое сть, или прямое (directa), когда к трем данным первым числам находится четвертое; или превращенное и возвратительное (inversa, vel reciproca), когда к трем данным послъдним числам находится первое.

прибавленте т.

5. 170. Чего ради прямое правило употребляется тольно при сравнении таких воличество, ношорыя состоято во Геометрическом прямом содержании. На пр. когда во куплъ и продажъвещи сравниваются съ цъною.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

б. 171. Возвратительноеже правило употребляется, когда сравниваемыя вещи имъють обратное содержаніе, которое бываеть тогла, когда два сравниваемыя содержанія имъють между собою такое отношеніе, что, естьли въ первомъ содержаніи послъдующій члень въ разсужденіи предылущаго увеличивается, то во второмъ послъдующій въ такой же пропорціи умаляется въ разсужденіи своего предъидущаго, вли обратно. На пр. когда число работниковь сравнивается.

ео временемъ, которое они употребляють на какое дъло, тогла будетъ обратное содержание, по тому что малое число работниковъ не скоро, а большое число оныхъ скорте должны нончить свое дело. Ибо, ежели 6 человень рабо. тниковь саблають накое абло вь 8 лней, последуеть, что 12 человъкъ работниковъ могутъ привести къ концу то же дъло въ 4 дни.

3AAAYA XXVI.

S. 172. Изъяснить правила и случаи тройнаго прямаго правила.

P B W E H I E.

- 1. Понеже въ тройномъ прямомъ правилъ изъ трехъ первых в чисел в находится четвертое; того ради данныя три числа расположивъ такимъ образомъ, чтобы на второмъ мъстъ было то количество, при которомъ двлается запрось о величинв искомаго; на первомъ одинакаго съ нимъ роду; а на третьемЪ подобное искомому, два посабднія умножь между собою, и произведение раздёли на первое, частное число покажеть искомое число (§. 118.).
- 2. Случаевъ же особливо есть три; ибо или 1) даются три простые члена, или 2) иные изб оных в бывають изв многихв простых сложенные; наконецъ 3) случающся ломаныя числа, или однъ, или съ цълыми смъщенныя. Всъ сіи случаи въ лекціяхъ пространнъе извясняются примърами.

прибавление.

S. 173. И такъ, поелику тройнаго правила вся сущность состоить въ сравнени пропорціональных , потому что здесь говоришся: накъ первой членъ содержишся но второму, такъ третій къ четвертому; или чрезбилень (б. 115.), кан в первой къ препьему, такъ второй въ четвертому, и послику сверьх в того извъстно, что, ежели пропорціональныя числа раздълятся на одинаное число, произходять изв того танія частныя числа, которыя имбють одинаное содержание съ разлъленными числами (S. 123.): то слъдуеть, что сокращените можеть сатлано быть рышение тройнаго правила. ежели первой и второй, или первой и третій члены чрезъ общаго дълишеля приведущея въ меньшія числа, ноихъ бы умножение и дъление спорте саблать можно было. На пр 60: 40 = 24: 16, разделивь первые члены на 20, произходишь другая равная пропорція 3: 2 = 24: 16, или раздівливів

первой членъ и третій на 12, произходить такая пропорція 5: 40 = 2: 16. Такое приведеніе сложных в чисель въ первыя между собою Ариометисты щитають между сокращеніями Италіанской практики, ко коимъ присовокупляють также умноженіе, и дъленіе разнородных в часель, которыя чрезь множителей, кли чрезь части, короче рыщатся; о чемь выше сего уже сказано (\$, 76, 77.).

3 A A A Y A XXVII.

§. 174. Извяснить правила и случан тройнаго возвратительнаго правила.

РЪШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

Расположивъ данныя числа такъ, чтобъ на третьемъ мъсть было то, при которомъ дълается запросъ объ искомомъ, а изъ протчихъ двухъ одно на первомъ, а другое на второмъ, и умноживъ два первые члена, произведение раздъли на третий; частное число покажетъ искомой первой членъ (\$. 119.). Случаижъ сходствуютъ съ тъми, о которыхъ въ предъидущей задачъ упомянуто, только что въ самыхъ вещахъ употребляется возвратительное, или обратное содержание. На пр.

работ. 40 — 24 — 60 будеть 40. 24 — 960: 60 — 16 дней. 1 р в шенте второв.

Ежели послъдней членъ будеть поставленъ на мъстъ перваго, то примъръ ръшится по тройному прямому правилу. Понеже какое содержание имъють многие работники къ не многимъ, такое будеть имъть и большее время къ меньшему. На пр.

60: 40 = 24: 16.

примъчание,

§. 175. Повърка обсего пройнаго правила аблается обратно, то есть, найденное число вмъсто даннаго, а данное вмъсто искомаго принимается.

ОПРЕ-

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLV.

§. 176. Тройное правило сложное (regula aurea composita) есть, по которому из пяти, семи, и т. д. данных и членов в находится тестой, осьмой и проч. Также есть, или прямое (directa), в в котором вс сравниваемыя вещии мъют между собою прямыя содержанія, или обратное (inuersa), когда входят в в оное такія вещи, которыя имъют обратное содержаніе.

3 A A A Y A XXVIII.

§. 177. Извяснить сложное прямое правило-РЕШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

Понеже въ шакомъ примъръ находишся столько прямыхь пропорцій, сколько разь можно вь ономь опдьлишь по два количества одинакаго роду; того ради и шройное правило употребляется столько же разв. То есть, въ первомъ берутся однъ вещи безъ обстоятельствь и члень одинакаго знаменованія сь искомымь; во второмь между двумя обстоятельствами на среднемъ мъстъ ставится найденной по первому четвертой члень; въ третьемъ между другими двумя обстоятельствами на среднемъ же мъсть ставится найденной по предвидущему расположенію члень, и такь далье: такимь образомь послъднее частное число покажетъ искомое. На о человъкъ рабошниковъ въ 3 дни сдълають валь б кубических в саженей; а 12 человых в рабошниковъ въ 24 дни, сколькихъ саженей валъ заблать могуть? Сперва говори:

9 — 6 — 12 — 8 сажен. 3 — 8 — 24 — 64 саж. РБШЕНІЕ ВТОРОЕ.

Корочежъ сдълается показанное ръшеніе, ежели вещи умножатся на свои обстоятельства, и потомъ чрезъ одно тройное прямое правило найденъ будеть четвертой членъ; то есть, ежели учеловъкъ вък работниковъ въ три дни сдълають валь 6 саж.; то, утроивъ ихъ число, 27 человъкъ работниковъ совертать оное дъло въ одинъ день, и 12 человъкъ работниковъ въ 24 дни окончать то же дъло, которое 12. 24 = 288 могуть совертить въ одинъ день. По чему будетъ такая пропорція:

27 ____ 6 ____ 288 ____ 64. иск. числ.

3 A A A Y A XXIX.

§. 178. Изъяснить сложное возвратительное правило.

РВШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

Отдвляя по два члена одинакаго роду, смотри, въ прямомь ли, или въ обрашномъ содержаніи каждая пара состоить съ тъми количествами, изъ которых в одно есть искомое, и смотря по оному, взявь прежде два члена значащіе вещь, расположи оныя съ подобнымъ искомому количествомъ по прямому, или по возвращительному правилу и найди четвертое пропорц. число. Потомъ изъ протчихъ отдъленных в паръ обстоятельствь каждыя два располагай св найденнымь по предвидущему ближайшему расположенію четвертымЪ пропорціональнымЪ по прямому, или по возврашишельному правилму, смотря потому, въ какомъ содержании помянутыя количества состоять св тьми, изв которыхв одно есть искомое. Найденное таким в образом в послъднее пропорц. число будетъ искомое. На пр. сказано уже выше сего (\$. 171.), что обратное содержание двлается, когда число работников'в сравнивается со временемв; чего ради вопросв, чрезъ предъидущую задачу ръшенной, тотчасъ подасть примъръ сложнаго обратнаго правила, ежели

ежели перемвнень будеть савдующимь образомы: когда 12 человыкь б4 сажени земли для валу наносять вь 24. дни; то спрат., во сколько времени 9 чел. работниковы могуть наносить б саженей? Поелику, сравнивы число работниковы со временемь, видно, что работники со временемы состоять вы обращенномы содержании; того ради, вы силу рытенія; располагай данныя вы примыры количества и на ходи искомое число савдующимы образомы:

PEWEHIE BTOPOE.

- 1. Отавливь попарно члены одинякаго знаменованія одни оть другихь, и поставивь члень одного роду съ искомымь на третьемь мъсть, изъ протчих отавленных количествь каждыя дла располагай одни подъ другими, въ разсужденіи онаго, по тройна прямому, или по возвратительному правилу, смотря по тому, въ какомъ содержаніи каждыя два состоять съ тьми, изъ которых одно есть искомос.
- 2. Расположивъ такимъ образомъ данныя количества, умножь между собою всв на первыхъ мвстахъ етоящія, и также умножь между собою стоящія на вторыхъ мъстахъ.

3. Потомъ къ первому произве енію второму и къ количеству одного роду съ искомымъ найди четверо пропорціональное число. Оное будеть искомое на пр.

бо Человвив, вв 15 дней, рабошая вв день по 8 часовь, вырыли каналь шириною вь 5 саж. глубин. вь $1\frac{1}{2}$ саж. длиною во 180 саж.; спраш., во сколько времени 90 челов. выроюшь 240 саж. канала вь длину, котораго ширина 6 саж. а глубин. $1\frac{3}{4}$, рабоная вь день по 10 час.

чел. чел.

90:60 - -или 3:2 15:

чел. чел.

10:8 - - - 5:4

саж. саж.

5:6 - - - 5:6

саж. саж.

1½; 1¾ - - - 6:7

саж. еаж.

180:240 - - 3:4

1,215,000:1,209,600 = 1350:1344 =

225:224 = 15 дн.:14 ¼ дн. п. е.

14¼ дн. 14 дн. 9¼ час. иском. числ.

определение XLVI.

§ 179. Правило товарищества, или складное (Regula societatis, vel consortii) есть способь данное число дълить на части другимъ даннымъ числамъ пропорціональныя. Дълимое число называется общимъ, а прочія просто данными.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 180. Чего ради, понеже большій барышь, или наклаль лостается на того товарища, которой имъетъ право на большую долю изъ всей суммы, ельдуеть, что знавъ сумму, отъ оть которой барышь, или наклаль сдвлался, и количество барыша, или наклада, помощію сего правила найдепіся, сколько изъ барыша, или накладу достанется на того, которой въ сумму положиль извъстную часть.

3 A A A Y A XXX.

§. 181. Избяснить правила, принадлежащія къ
правилу товарищества.

РБШЕНІЕ.

г. Случай первой. Когда однъ складки, безъ даннаго времени сравниваются съ барышомъ: сложивъ оныя, говори: какъ вся сумма ко всему барышу, такъ часть суммы, или одна складка содержится къ долъ барыша, соотвътствующей взятой въ сравнение части суммы; и сіе повторяй столько разъ, сколько есть складокъ. На пр.

A. 24.

B. 36.

60 сумма; а 12 барышЪ,

то говори: 1) 60:12 = 24:4⁴/₅ A, барыт В

2) 60:12 = 36:7 В. барышъ.

а. Случай второй. Когда при складках находятся разныя времена; то вст складки умножь на свои времена, и взяв сумму произведеній, найди проморціональную долю для каждой складки, то е. для каждаго произведенія, произтедшаго из числа внесенных денег и времени, чрез повтореніе пропорціи столько раз , сколько есть складок Ибо явствует что чрез умноженіе складок на время, вст пряводятся к одному времени. Понеже, кто в один раз положил времени. Понеже, кто в один раз положил времени.

въ складку извъсшную сумму на два года, тоть, ежели бы вдвое того даль, въ одинъ годь получилъ бы тоть же барышъ, поколику оной, какъ вдъсь предполагается, одинакое приращение и убавление получаеть.

А. 24 : 3 год. В. 36 · 6 год. барышь 18.

72

288 сумма

говори: 1) 288: 18 — 72: $4\frac{x}{2}$ барыш. А. 2) 288: 18 — 216: $13\frac{x}{2}$ барыш. В.

прибавленте.

5. 182. Ежели произшедшія части общаго числа будучи сложены въ одну сумму, составять опять общее число: то сіе поназываеть, что задача ръщена върно.

OUBETPAEHIE XIVII.

§ 183. Правило фальшивое (Regula falli) есть способъ находить искомое число, помощію взятаго поизволенію. Правило фальшивое раздъляется на правило одного положенія, и правило двухъ положеній. Правило одного положенія есть способъ, помощію одного поизволенію взятаго числа, находить искомое. Правило двухъ положеній есть способъ находить оное же помощію двухъ по изволенію принятыхъ чисель.

Число принятое по изволенію вмъсто искомаго называется положеніемъ (hypothesis).

3 A A A Y A XXXI.

§ 184. Извяснить правила принадлежащіх къ правилу одного положенія.

PBMEHIE.

- 1. Вмёсто искомаго взявь по изволенію какое нибудь число, сдёлай съ нимь всё тё перемёны, какія бы надлежало сдёлать съ искомымь, естьли бы оное было извёстно, чтобь произошло данное вь задачь.
- 2. Есшьли по симъ перемънамъ произшедшее число будеть равно данному въ задачъ; то принятое по изволенію будеть искомое: въ противномъ случав
- 3. КЪ найденному по порядку рѣшенія числу, къ положенію и кЪ даному вЪ задачѣ приищи чешвершое пропорціональное. Оное будешъ искомое число. На пр.

Одинь игрокъ проигравши $\frac{2}{5}$ и сверьхъ шого $\frac{2}{5}$ всъхъ денегь, кошорыя съ собою имъль, возвратясь домой, нашель, что у него еще от всъхъ денегь осталось бо руб.; спраш., сколько съ нимъ было всъхъ денегь до начатія игры? Положимъ, что всъхъ денегь у него было 140 руб, то будеть

И шакъ 24: 140 = 60

24|8400 |350 иском. числ.

72

120

120

0

3 A A A Ч A XXXII. § 185. Избяснить правило двухь положеній. Е 3 РБ-

PBIHEHIE.

- 1. Вмёсто искомаго числа, взявь два какія нибудь по изволенію, поступай съ каждымь такь, какь вь предвидущей задачь показано-
- 2. Ежели оба найденныя по порядку решенія числа будуть больше даннаго вы задачь: то вы такомы случав изв каждаго вычши данное вв задачв и замъть погръшности, такъ называемыя, превосходящія (errores Per excessum), означив в каждую знакомЪ (-1-): естьли же оба произшедшія по порядку ръшенія числа будуть меньше даннаго въ задачь; то каждое вычти изб даннаго вв задачв и замыть погрышности, которыя вы семы случав навывающея недостаточными (errores per desectum) и означающся знакомъ (—): буди же одно будеть больше, а другое меньше даннаго; то изв большаго данное; а изъ даннаго въ задачъ меньшее вычтя, замъть также найденныя погрышности, означивъ каждую приличнымъ ей знакомъ, а потомъ поступай слъдующимъ образомъ:
- 3. Пер. случ. Естьми найденныя погрышности будуть одинакія; то, написавы каждую поды соотвытствующимы ей положеніемы, умножь первое положеніе на погрышность втораго положенія, а второе положеніе на погрытность перваго, и потомы разность сихы произведеній раздыми на разность погрышностей. Частное число будеты искомось

Втор. слуи. Естьми найденныя погрёшности будуть ие одинакія; то, поступивь прежде сь оными и сь положеніями такь, какь вы первомы случав показано, раздым потомы сумму произведевій на сумму погрышностей. Найденное такимы образомы число будеть искомое. Примврв на первой случай:

Трое имбли по нескольку денегь; у перваго со вшорымь было 90 губ., у вшораго съ прешьимь было 140 руб. у перваго съ прешьимь было 110 руб.; спраш., по скольку у каждаго денегь было?

Положимъ, что первой имълъ 20 руб. то второго деньги будуть = 90 — 20 — 70 руб., а третьяго 140 — 70 = 70 руб. И такъ сумма денегъ перваго и третьяго будеть 20 — 70 — 90, а должна быть = 110 руб. По чему погръщность будеть недостаточествующая, т. е. 110 — 90 = —20. Ноложимъ опять, что у перваго было 24 руб.; то второго деньги будуть = 90 — 24 = 66, а третьяго = 140 — 66 = 74; слъд. сумма денегъ перваго и третьяго будеть = 98, т. е. погръщность опять будеть недостаточествующая = 110 — 98 = — 12. Почему искомое число, по первому случаю, найдется слъдующимъ образомъ:

Примъръ на второй случай.

Нъкто наняль на годь слугу съ шакимь договоромь, что бы за каждой день, въ которой онь будеть по надлежащему работать, платить ему по Е 4

18 кон, а за каждой день, вы которой оны не исполнить своей должности, вычитать унего по 12 коп; по прошествій же года, сдылавь расчеть, нашли, что одинь другому ни чемы не были должны; и такь спращ, сколько дней слуга работаль и сколько прогуляль?

Легко можно видёть, что здёсь требуется раздёлить 365 дн. на двё такія части, что бы, по умноженіи одной изб оныхв на 12, а другой на 18, произведенія произошли равныя. По чему задача, рёшится слёдующимъ оъразомъ:

Положимъ что слуга работалъ 120 дн: то буд. $120 \times 18 = 2160$, и $365 - 120 = 245 \times 12 = 2940$; а должно быть 2160, т. е. погрътность будеть превосходящая = 2940 - 2160 = +780. Положимъ опять, что слуга работалъ 200 дн.; то будеть 200 \times 18 = 3600, и $365 - 200 = 165 \times 12 = 1980$, а должно быть 3600, т. е. погръщность будеть недостаточествующая = 3600 - 1980 = -1620. И такъ задача рътена будеть повтор, случ. слъдующимъ образомъ:

\$ 186. Правило двухь положеній предь правиломь одного положенія имбеть то преимущество, что всь задачи, къ правилу фальшивому принадлежащія, помощію онаго рішены быть могуть,

ОПРЕДВЛЕНІЕ XLVIII.

\$ 187. Правило смвшенія есть способь накодить, по скольку частей опредвленной мвры вещей разных в цвны взять надлежить, чтобь такаяже мвра смвшенія была средней цвны.

ПРИМ ВЧАНІЕ.

Сіе правило имбешь свое употребленіе въ экономіи физикъ, Медицинъ, и проч.

прибавленіе.

§ 189. Сабдовательно данная. или по изволенію положенная ціна смітшенія не можеть быть равна которой нибудь изь данных цінь, ни больше, или меньше всёх порозна взятых; но должна быть средняя между ими такь, чтобы иныд были больте ея, а другія меньше.

3 A A A Y A XXXIII.

S. 190. Избяснить правило смъщенія.

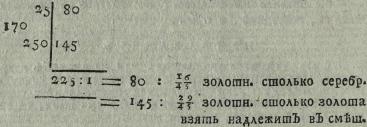
Перв. случ. Естьми дано будеть смвшать вещи двухь цвнь такимь образомь, чтобь смвшение было средней данной цвны: то

- 1) Данныя цёны написавь одну подъ другою, а среднюю по изволенію положенную посторону оныхь съ лёвой руки, меньшую цёну вычти изъ средней, и разность поставь противь большей цёны съ правой руки, а среднюю вычтя изъ большей, разность поставь противь меньшей цёны съ правой же руки.
- 2) Потомь сложивь сіи разности, кь суммь ихь, кь единиць и кь каждой разности найди четвертое теом. пропорціональное число. Найденныя такимь образомь четвертыя пропорціональныя числа покажуть искомыя части той мьры, которой каждой вещи цьна объявлена, составляющія такую же мьру смытенія срадней цьны. На пр.

Tpe-

Требуется смёщать серебро и золото, изв которыхв перваго золотникв стоитв 25 коп., а другаго золотникв же 250 коп. такимв образомв, чтобв смётенчя золотникв стояль 170 коп.; и такв спращивается, по скольку частей золотника какв того, такв и другаго металла надлежитв взять вв смётеніе?

Вопрось рышится такимь образомь:



Второй случ. Естьми требуется смёшать нёсколько вещей большей цёны съ такимъ же числомъ вещей маньшей цёны, т. е. естьми дано будеть обоихъ по равному числу; то въ такомъ случав надлежитъ поступать слёдующимъ образомъ:

- 1) Данныя цьны написавь одни подь другими шакимь образомь, чтобь сперва были большія, а потомь меньшія, или на обороть, а среднюю поставивь по сторону оныхь сь львой руки, вычти которую нибудь меньтую цьну изь средней и разность поставь противь которой нибудь большей, изь которой вычтя среднюю, разность поставь противь той меньшей, которую предь симь принималь вы вычитаніе. Потомы взявь другую меньтую цьну и другую больтую, поступай сь ними такь же какь сь первыми, и такь далье.
- 2) Вст найденныя разности сложивт, кт суммт ихт, кт единицт и кт каждой разности найди четвертое геом. пропорціональное число. Найденныя четвервер-

вершыя пропорц. числа покажушь искомыя части составляющія такую же мъру смъщенія ередней поизволенію положенной цъны. На пр.

Нъсколько винъ разной цъны, изъ которыхъ одного бутылка по 25 коп. другаго по 45 коп. третьяго по 60 четвертаго 100 коп. пятаго по 150 коп. шестаго по 250 коп. требуется смъщать такимъ образомъ, чтобъ смъщаннаго бутылка стояла 80 коп.; спрат. по скольку частей бутылки каждаго надлежить взять въ смътеніе?

	В	опросъ ръшишся савдующимъ	образомъ:
25	170	370: 1 = 170: ¹⁷ / ₃₇ стол. част	
45	70	$= 70 \cdot \frac{7}{37} \text{ cmos.}$	вшор.
60	20	$= 20: \frac{2}{37}$	шрешьяго
80			
100	20	$= 20:\frac{2}{37}$	- четвер.
150	35	$= 35:\frac{7}{74}$	пятаго —
250	55	$= 55 \cdot \frac{x}{74}$	- шестаго
ATTACHED IN	370	and the residence of the contract of the second	Mark and

Третій слуи. Естьли требуется смѣтать нѣсколько вещей большей цѣны, и нѣсколько вещей меньшей цѣны, и дано будеть или больше вещей меньшей цѣны, а меньше большей, или на обороть; то:

- 1. Расположивъ цѣны шакъ, какъ въ предъидущихъ случаяхъ показано, и ошъ большаго числа цѣнъ ошдѣливъ сшолько, сколько другихъ дано, съ ошдѣленными и съ шѣми цѣнами, коихъ меньше дано, посшупай шакъ, какъ во вшор. случав показано, ш. е. находи равносши и располагай оныя по первому пункшу онаго случая.
- 2. ПошомЪ ошъ меньшаго числа цёнъ ощавливъ смолько, сколько осшалось ошъ большаго числа цънъ

цвнь, поступай опять св последними и св отделенными по тому же случаю, т. е. находи и располагай разности, какв противь оставшихся цвнь, такв и противь отделенных, такв, какв предв симв сказано, не смотря на то, что противь последних разности однажды уже написаны.

3. Наконець всё противы цёны посшавленныя разности сложивы, кы суммы ихы, кы единиць, и кы разности, или кы суммы разностей противы каждаго числя поставленныхы, найди чет. пропчисл. Найденныя числа, какы прежде, покажуты искомыя части составляющія вещь средней цёны. На пр.

Нъсколько винъ, изъ которывъ одного бутылка стоитъ 20 коп, другаго 25 коп, третьяго 35 коп, четвертаго 40 коп, пятаго 80 коп, тестато 130 коп, требуется смъщать такимъ образомъ, чтобъ смъщенія бутылку можно было продавать по 65 коп; спрат, по скольку частей бутылки каждаго надлежитъ взять въ смъщеніе?

Найдешся шакимъ образомъ:

	arrida erran - erron erren -	
20/65 =		: 60 стол. част. перв.
25 15 =	15 -= 15	Bmop.
		T 9
35 65 =	65 - = 65	: 60 mpem.
40 15 =	15 -= 15	: 3 - uembep.
65		
8025-1-40	=65 - = 65:	ram.
130 30-1-45	=65 - = 65: =75 - = 75	$=\frac{15}{60}$ — mecmaro.
	300	

примъчание, т.

5. 191. Повърение задачи на правило емъщения сдълано будещь; естьли каждую изънайденныхъ частей умноживъ живь на цвну соответствующаго цвлаго, произшедтія произведенія сложинь. Но естьли сумма произведеній будеть разна поизволенію положенной средней цвнь; то безь сомньнія заключить можно, что задача рішена вірно. Надобно также наблюдать и то, чтобь сумма найденных частей составляла цвлое.

ПРИМВЧАНІЕ 2.

S. 192. Можно такъ же по правилу смъщенія найти. сколько вы какомы нибудь слиткь, состоящемы изы извъстиыхъ металловь, находится наждаго металла порознь, предположивь, что металлы находящіяся вь смѣшеніи такое же занимають пространство, какое ванимали, не бывь, смёшаны съ другими. Для сего надлежить только знать, или, помощію извъ стнаго идростатическаго опыта, опредълить, какую часть своего вёсу теряеть вы водё каждой металль изь взятыхь вы мёшеніе. Потомы нашедши по тройному правилу, сколько въсу потеряль бы вы водъ каждой металль, естьли бы его было въсомь столько, сколько въсить дачной слитокъ, и принявь потерянные вь водь высы металлами за данныя цены, а потерянной высь слишномь за среднюю нъну, поступай съ ними такъ, какъ показаано въ предвидущих взадачахв, т. е. кв сумм разностей, къ въсу даннаго слишка и къ каждой разности порознь найди четвертое геом, пропорціонзльное числе. Найденныя числа покажуть, сколько въсомь каждаго металла вь данномъ слитив находится. На пр.

Спраш., сколько в слишк в в сом в в 120 фуншь состоящем в изв олова и свинцу, которой теряет в в вод в в су 14 фунть, находится свинцу, и сколь-ко олова?

Найдешся такимъ образомъ:

Извъстно, что 37 фунт. одова теряють вы водъ 5 фунт., а 23 фунта свищцу теряють 2 фунт. и такъ

$$37:5 = 120:600$$
 столь. поттер. въсу 120 ф. ол; 37
 $23:2 = 120:240 - - - 120$ ф. свинц. $851 - 23$
 $851 - 23$
 851
 4920
 23
 8880
 1886
 4920

примъчание з.

 5. 193. Задачи сего роду повъряющея такъ, какъ и про тчія принадлежащія къ правилу смъщенія.

ГЛАВА СЕДЬМАЯ

о логаривмахъ.

OПРЕДВЛЕНІЕ XLIX.

\$ 194.

§.194. Лоеариемами (Logarithmi) называющся равноразнешвующія числа, кошорыя начинающен отв нуля, увеличивающся единицею, и кв числамв непрепрерывно пропорціональными, начинающимся отвединицы, присовоку пляются на пр.

Логариемы 0. 1. 2. 3. 4. 5. б. Пропорц. числа 1. 2. 4. 8, 16. 32. 64.

прибавлениет.

5. 195. Наименованіе логариома, будто бы λόγων αξιθμού, (показаніе числа) весьма прилично, потому что чревь логариомы поназывается разстояніе пропорціональных в чисель от велиницы. Ибо т есть легариомъ перваго пропорціональнаго числа от вединицы, 2 есть логариомъ втораго числа от вединицы, и такъ далее.

привавление 2.

5. 196. Суммажъ логариемовъ производитъ между логариемами такое число, между которымъ и нулемъсложенныя два числа суть среднія. Понеже въ равноразнетвующихъ, или въ непрерывныхъ Ариеметическихъ пропорціональныхъ числахъ, сумма среднихъ равняется суммъ крайнихъ (б. 103.).

TEOPEMA XII.

§. 197. Сумма логарномовъ производитъ логарномъ произведенія двухъ пропорціональныхъ инслъ.

доказательство.

Понеже въ умножени, какое содержане къмножителю имъетъ единица, такое есть и множимаго числа къ произведенію (\$. 57.); того ради явствуетъ, что въ такой пропорціи два множителя будуть два среднія числа между единицею и произведеніемъ (\$. 114.). Но прежде сказано, что логариюмы, будучи сложены, показывають такое число, между которымъ и нулемъ сложенныя два числа супь среднія (\$. 196); слъдовательно, когда нуль есть логариюмъ единицы (\$. 194.), такія среднія равноразнствующія числа соотвътствують двумъ среднимъ пропорціональнымъ числамъ между единецею и произведеніемъ; и понеже единица не умножаетъ (\$. 57.): то произизве деніе соотвътствуетъ суммъ тъхъ логариюмовъ, кои надписаны надъ множителями.

привавление т.

\$. 198. Обрашно въ дъленіи, когда вычшешь логаривмъ дълив теля изъ логаривма дълимаго: то останется логаривмъ частнаго числа; потому что дълитель, будучи умноженъ на частное число, производить дълимое (\$. 66-).

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 199. И понеже изадрашное число произходить изъ умножения радинса самаго на себя (\$. 158°), и множители его суть равные: того ради половиной логариемъ квадрата будеть логариемъ радинса. Или логариемъ радинса надлежить удвоить, чтобъ произошоль логариемъ наадрата.

ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

\$. 200. Равнымъ образомъ, понеже кубъ имъетъ прекъ равныхъ множителей (\$.163), претъя часть его логариема покажетъ логариемъ радикса, и упроенной логариемъ радикса понажетъ логариемъ кубическаго числа.

прибавлете 4.

\$ 201. Начонецъ въ тройномъ прямомъ правилъ, глъ два послъдние члена умножаются между собою, и произведение изъ того дълится на первой членъ, ежели можно употреблять логариемы: то должно сложить логориемы двухъ послъднихъ чиселъ, и изъ суммы ихъ вычесть логариемъ перваго, остатонъ покажетъ логариемъ четвертаго пропорціональнаго числа.

примъчаніе.

\$. 202. Свойства логариемовъ давно уже извъстны были Мих. Стиффелію, которой и изъясниль оныя въ Ариеметикъ кн. І. гл. 4. ки. 3. гл. 5. См. Вольф. лексик. Матем. или Логар. Однакожъ, давы сіе свойство полезно было, и способствовало для облегченія умноженія и дъленіе большихъ чисель, учиниль то первой 1э. Неперъ, Баронь Шотландской, коего описаніе удивительнаго канона логариемовь издано въ Эденбургъ 1614. год. 4. (хотя Кеплерь въ предвид. Таб. рудольф. гл. 3. и утверждаеть, что Юсть Биргій за многіе годы до неперіанова изданья

міл зналь изобрѣтеніе и употребленіе логариомовь; но макь быль онь медлительной человѣкь, то оставиль плодь вы самомы произращеніи. По томы по совѣту Неперову, Генр. Бриггій, Проф. Оксфуртской, логариомы привель вы лучтій порядокь, и дватцать тысячь оныхь издаль вы логариомической Ариометикь, кои наконець Адр. Улаккы болье размножиль, и сто тысячь логариомовы издаль вы Гудѣ 1628. год. вы листь, поды именемы логарифмической Ариометики. Да и самы Улаккы, и послѣ его Страухій, и другіе издали вы таблицахы сокращенный шіе логариомы, какы простыхы чисель, такы синусовы и тангенсовы, какія при конць сей книги и предложены. Но чтобь способь, по которому логариомы сыскиваны, извѣстень быль, кратко обь ономы предложено будеть вы слѣдующей задачѣ.

3 A A A Y A XXXIV.

S. 203. Найти логариямь девяти.

P B III E H I E.

 Возьми пропорціональныя числа, имѣющія непрерывное десящерное содержаніе, съ надписанными логариомами.

O. I. 2. 3.

1. 10. 100. 1000. и проч.

2. По том увеличь верьхнія и нижнія числа но сколькими нулями, дабы дроби, коих в здось миновать не можно, как в мальйтія частицы боль тих в чисель, опущены быть могли.

o. 00000000 I. 00000000

1. 00000000 10. 00000000

3. Между пропорціальными, первым и последним числом в, то есть между единицею и десятью, найди среднее число, умножив в сіи числа самих в на себя, и из произведенія их в извлекщи квадратной радикс (\$. 118. 154.), сверых того возьми ж

сумму логарием ов в 0,00000000 и 1.00000006; половина ся покажеть логарием в перваго средняго пропорціональнаго числа (§. 103. 194.).

4. Но понеже оное среднее число, чрезъ извлечение радикса найденное 31622777, далеко еще от девяти, столько же, как и двя крайнія числа, нулей при себъ имъющаго 9.00000000, от то ит ду онымъ и крайнимъ большимъ 10.0000000, от те жду онымъ и крайнимъ большимъ 10.00000000, опять такимъ же, как показано, образомъ должно находить среднее число, и ему соотвътствующій логариюмъ, и такое дъйствіе продолжать до тъх поръ, пока не найдеть дватцать девять среднихъ чисель и ихъ логариюмовъ, и число девять съ столькими, сколько два крайнія числа имъютъ, нулями 9.00000000 не выдетъ; сего числа логариюмъ ос эб424251 надлежить почитать за логариюмъ девяти.

прибавленіе.

6.2010 числах в, которыя в в н в которые время, предприняв в р в шеніе продолжительной сей задачи по прим в удугих в, о которых в Гамбергер в, прежде сего бывшей в в Генской академіи Сл. Профессор в Математики, и мой учитель, оказавшій мн в в моих в науках в великое одолженіе со-сощал в мн в благосклоно, я нашел в, соб в в на диссертаціи соб аналитик в плоск треугол. странто и 11.

HPHEABLEHIE 1.

205. Разнымъ образомъ находится логариемъ двукънсеми.

ПРИБАВЛЕТЕ 4.

5. 206. Коглажъ будушъ даны догатевмы чисель т. 2. 7. 9. 10: по пточихъ знаковъ, кошерые ссетояпь меджду шъми чеслами логориемы удобно изъ сижъ ссещавляются.

Мбо 9 есть квадрать прехь, и положна логариема сего числа понажеть логариемь трехь (\$. 199.); 10: 2—5, и потому вычетии логариемь другь изы логариема лесяти, остариема легариемь нати (\$. 198.); логариемь тести составляется изъсложенія логариемь з и 2, понеже з. 2—6 (\$. 197.); наконець логариемь восьми произходить изь сложенія логариемовь 2 и 4, понеже 2. 4—8 (\$. 197.). Равномърное облегаеніе получается и вы прододжевіи изъбрытенія другихь логариемичесныхы чисель, что все явствуєть изь свойства логариемовь, вы началь сей главы марасненнаго.

ОПРЕДВЛЕНІЕ XLVIII.

\$. 207. Знакь Характеристической (Nota characteristica) логариемовь есть первое число, которое отделяется от прочихь точкою, и показываеть кы какому классу, на пр. единиць, десятковь, сотень прч. принадлежить данной логариемь.

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

\$. 208. То есть, наблюдая лесятерную пропорцію, всв единицы до десяти, имъють вмъсто караитеристики нули, оть десятковь же до ста логариомы начинаются съ единицы; оть сотнижь до тысячи единиць караитеристика есть два, и такь далъе.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

\$. 209. Чего ради числа, ноторыя на концё увеличиваются нулемь, разнетвують между собою только харантернетиною. На пр. 6 есть логариемь о. 7781512, логариемь же бе будеть 1. 7781512.

KOHE IJ To

